

## تحقیقات اقتصادی

دانشکده مدیریت دانشگاه تهران

دوره ۱۳، شماره ۳۲  
پائیز و زمستان ۱۳۹۰  
صفحه ۱۰۹-۱۳۲

# تحلیل خطای پیش‌بینی درآمدهای مالیاتی دولت در اقتصاد ایران

عزت... عباسیان<sup>۱</sup>، وحید محمودی<sup>۲</sup>، ایمان شاکر<sup>۳</sup>

**چکیده:** این مقاله خطای پیش‌بینی درآمدهای مالیاتی دولت را مورد ارزیابی قرار می‌دهد. برای این منظور، با استفاده از معادله‌ی رگرسیون و شاخص‌های آماری میانگین درصد خطأ، جذر میانگین مجذور خطأ، میانگین قدرمطلق درصد خطأ و ضرايب نابرابری تابیل خطای پیش‌بینی درآمد ناشی از مالیات بر اشخاص حقوقی، مالیات بر درآمد، مالیات بر ثروت، مالیات بر واردات و مالیات بر مصرف و فروش طی سال‌های ۱۳۸۵-۱۳۵۰ تحلیل می‌شود. از معادله‌ی تفکیک اجزاء خطأ به‌منظور تحلیل منشاً خطای پیش‌بینی این درآمدهای مالیاتی استفاده شده است. نتایج نشان می‌دهد، به‌طور متوسط در طول دوره‌ی مورد بررسی برآورد مالیات بر درآمد، مالیات بر ثروت، مالیات بر واردات و مالیات بر مصرف و فروش بالاتر از حد واقعی (خوش‌بینانه) و برآورد مالیات بر اشخاص حقوقی پایین‌تر از حد واقعی (محافظه‌کارانه) بوده است. همچنین خطای پیش‌بینی مالیات بر اشخاص حقوقی، مالیات بر درآمد، مالیات بر واردات و مالیات بر مصرف و فروش به‌طور عمده از نوع غیرسیستماتیک و خطای پیش‌بینی مالیات بر ثروت بیشتر از نوع سیستماتیک بوده است. تحلیل مربوط به کارایی پیش‌بینی‌ها نشان می‌دهد، خطای پیش‌بینی هیچ‌یک از درآمدهای مالیاتی الگو و روند معناداری در طول زمان ندارد.

**واژه‌های کلیدی:** خطای پیش‌بینی، درآمدهای مالیاتی، ضرايب نابرابری تابیل، تفکیک اجزاء خطأ، کارایی پیش‌بینی.

**طبقه‌بندی JEL:** H27

۱. دانشیار، دانشکده اقتصاد بوعلي سينا همدان، ايران

۲. دانشیار، دانشکده مدیریت مالي دانشگاه تهران، ايران

۳. کارشناس ارشد اقتصاد، دانشگاه بوعلي سينا همدان، ايران

تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۹۰/۰۲/۰۳

تاریخ پذیرش نهایی مقاله: ۱۳۹۰/۰۶/۱۴

نویسنده مسئول مقاله: عزت... عباسیان  
E-mail: e.abbasian@gmail.com

#### مقدمه

بودجه شاهرگ حیاتی دولت است و در واقع یک آینه‌ی تمام‌نما از همه‌ی برنامه‌ها و فعالیت‌های دولت بوده و نقش بسیار مهم و حیاتی در توسعه‌ی اقتصاد ملی ایفا می‌نماید. با توجه به اینکه دولت ایران سهم بالاییرا در اقتصاد به خود اختصاص داده است، اهمیت و نقش بودجه در هدایت و جهت‌دهی به بخش‌های مختلف اقتصاد آشکار می‌شود؛ به‌طوری که با جرأت می‌توان گفت هر نوع پیشرفت و توسعه در بخش‌های گوناگون اقتصاد جامعه، مدیون برنامه‌ریزی عملیاتی دولت در قالب بودجه بوده و بر عکس، هر نوع عقب‌ماندگی و عدم توسعه در بخش‌های مختلف اقتصادی را می‌توان به نواقص و کمبودهای نظام بودجه‌بندی نسبت داد. بنابراین بودجه‌ی دولت نقش مهمی را در مدیریت و اداره بخش عمومی ایفا می‌کند و یکی از مهم‌ترین اجزا این فرآیند، پیش‌بینی درآمد است. پیش‌بینی درآمد در فضایی سرشار از ناطمنانی که ناشی از اثرات سیاسی، اقتصادی و نهادی است، صورت می‌پذیرد.

یکی از اهداف اقتصادی برنامه‌های توسعه اقتصادی - اجتماعی و سند چشم‌انداز کاهش اتکا به ذخایر نفتی و درآمدهای حاصل از آن است؛ بنابراین افزایش سهم درآمدهای مالیاتی در بودجه دولت بهترین شیوه برای کاهش اتکا کشور به درآمدهای نفتی است. از آنجاکه قیمت نفت تحت تأثیر بازار جهانی است، به‌هنگام وقوع یک بحران در جهان، قیمت و به‌دلیل آن درآمد حاصل از فروش نفت به شدت کاهش می‌یابد و اقتصاد کشور را با مشکلی جدی روبرو خواهد کرد، ولی در مقابل اتکا به درآمدهای مالیاتی، یک منبع درآمدی پایدار و درون‌زای ملی را فراروی دولت قرار خواهد داد.

زمانی که سطح درآمد واقعی دولتها پایین‌تر از سطحی باشد که در بودجه‌هایشان پیش‌بینی کرده‌اند، متحمل فشارهای سیاسی، اجتماعی گسترده‌ای خواهد شد. نتایج ناشی از یک پیش‌بینی غلط (غیردقیق) در یک کسری بودجه یا ائتلاف فرصت به‌منظور تأمین اعتبارات عمرانی و اجرایی تجلی می‌یابد. چنانچه نقش کسری بودجه را به عنوان ابزار سیاست مالی انساطی که دولت به منظور رهایی از رکود به کار می‌گیرد نادیده بگیریم، کسری بودجه‌ی دولت اثرات نامطلوبی بر اقتصاد دارد. برای مثال چنان‌چه کسری بودجه‌ی دولت به‌علت افزایش مخارج جاری (مصرفی) باشد، با توجه به اینکه این نوع مخارج فقط باعث افزایش تقاضای کل می‌شود، ممکن است باعث ایجاد تورم شود. از طرف دیگر اگر مخارج جاری دولت، مخارج مولد درآمد نباشد و دولت را مجبور به استقراض کند، بهره و کارمزد پرداختی تأمین مالی این مخارج، باعث فشار اضافی بر جامعه خواهد شد.

اگر کسری بودجه دولت از طریق استقراض از بانک مرکزی، به صورت انتشار پول صورت گیرد، در نتیجه افزایش بدھی ملی، افزایش تقاضای کل بسیار شدید می‌شود و به علت افزایش نقدینگی، آثار نامساعد اقتصادی از قبیل تورم به همراه خواهد داشت [۳].

بنابراین به منظور اجتناب از آثار منفی روبه رو شدن با کسر بودجه‌های پیش‌بینی شده و پیش‌بینی نشده دولت در اقتصاد، اتکا به درآمدهای مالیاتی پایدار راه حل منطقی و عقلایی در برخورد با این مسئله است. از طریق پیش‌بینی درست و عقلایی درآمدهای مالیاتی دولت که امکان اجتناب از کسر بودجه‌های پیش‌بینی نشده را فراهم می‌سازد، این امر ممکن می‌شود.

### مبانی نظری

در طول دو دهه‌ی گذشته نحوه شکل‌گیری انتظارات نقش پر اهمیتی در اقتصاد کلان نظری و کاربردی داشته است. اقتصاددانان کلاسیک جدید، مدل‌های خود را مبتنی بر فرض انتظارات عقلایی و تعادل بازارها پایه‌گذاری کرده و با توجه به آن، کارایی سیاست‌های اقتصادی را در بسیاری از زمینه‌ها زیر سؤال برده‌اند. کینزین‌های جدید نیز با فرض شکل‌گیری انتظارات به شیوه‌ای عقلایی را پذیرفته‌اند. اما آن‌ها فرض تعادل در بازارها را رد کرده و با مطرح کردن چسبندگی قیمت‌ها و دستمزدها، همچنان کارایی سیاست‌های اقتصادی دولت برای نیل به اهداف کلان حمایت می‌کنند. پس به جرأت می‌توان گفت، در حال حاضر تقریباً تمامی مکاتب اقتصادی فرض انتظارات عقلایی را به رسمیت شناخته‌اند.

انتظارات عقلایی اولین بار توسط موت (۱۹۶۱) مطرح شده است. وی توجه کرد که الگوسازی انتظارات که در تجزیه تحلیل مدل‌های پویای اقتصادی استفاده می‌شود، شباهت کمی با واقعیات اقتصادی دارد. اگر سیستم اقتصادی تغییر کند، شیوه‌ی شکل‌گیری انتظارات باید تغییر کند. در مدل‌های سنتی که انتظارات به‌طور برونو زا شکل می‌گیرد، اما در مدل‌های سنتی که انتظارات به‌طور برونو زا شکل می‌گیرد، امکان چنین تغییری ملحوظ نمی‌شود. علاوه‌بر این، شکل قوی و کامل انتظارات عقلایی مستلزم این است که شما در انجام پیش‌بینی از نهایت توان خود استفاده نموده و در واقع بهترین پیش‌بینی ممکن را که از طریق واریانس جملات خطاب اندازه‌گیری می‌شود، ارایه می‌کند. ایجاد بهترین پیش‌بینی کنده و تخمین در گرو ترکیب و پردازش همه اطلاعات موجود جاری است. شکل ضعیف انتظارات عقلایی صرفاً مستلزم بدون تورش بودن است و کاری به واریانس جمله خطاب ندارد. هر چه قدر از شکل‌های قوی انتظارات عقلایی به سمت شکل‌های ضعیف آن حرکت کنیم واریانس جمله خطاب بیشتر تحت تأثیر قرار گرفته و

افزایش می‌یابد. به عبارت دیگر تحقق انتظارات کامل و قوی عقلایی مستلزم دو چیز است: یکی صفر بودن ارزش انتظاری خطاهای و دیگری حداقل بودن (یا صفر بودن) واریانس جمله خطا. یکی از دلالت‌های بدون تورش بودن انتظارات عقلایی این است که ارزش انتظاری همه‌ی خطاهایی پیش‌بینی برابر صفر است. اختلاف بین واقعیت و تحقق یک متغیر با مقدار پیش‌بینی شده‌ی آن معادل یک جمله خطای تصادفی با میانگین صفر و واریانس معین است. اگرچه وجود مقداری خطا اجتناب‌ناپذیر و مسلم است، ولی این خطا از جهت کیفیت وقوع همان اندازه شناس مثبت بودن دارد که شناس منفی بودن؛ بنابراین، هیچ‌کس نمی‌تواند از قبل بگوید که خطا مثبت خواهد بود یا منفی. البته به نوعی هرچه افق پیش‌بینی طولانی‌تر می‌شود، واریانس خطاهای افزایش می‌یابد.

اگر پیش‌بینی‌ها کاملاً عقلایی باشند در این صورت خطای پیش‌بینی یک دوره، به‌طور کامل در شکل دادن پیش‌بینی دوره‌ی بعد به حساب آورده می‌شود و بنابراین، اهیچکس نمی‌تواند با ملاحظه خطاهای پیش‌بینی، حتی یک مورد خطا پیدا کند که او را در پیش‌بینی خطای دوره بعد کمک کند. به اصطلاح متخصصان خطاهای به‌طور سری زمانی نسبت به هم همبستگی ندارند یا به عبارت دیگر ارزش انتظاری حاصلضرب دو خط، برابر صفر است (کوواریانس آن‌ها برابر صفر است). چون در مکانیسم انتظارات عقلایی به محض اینکه خطای پیش‌بینی مشاهده شود آن را در پیش‌بینی بعدی منظور کرده و به عنوان یک اطلاعات مفید به‌طور کامل به کار می‌گیرند. ولی در مکانیسم انتظارات تطبیقی آن را به‌طور جزئی تعديل می‌کنند و فرآیند اصلاح تا چند دوره طول می‌کشد و اثر آن در شکل‌دهی انتظارات جاری، تدریجی و جزئی است.

انتظارات عقلایی در میان اقتصاددانان از جذابیت فراوانی برخوردار است، چون مکانیسم این فرضیه به دیدگاه ما نسبت به انسان اقتصادی به عنوان فردی که به‌طور کاملاً عقلایی حداقل نمودن مطلوبیت انتظاری خود را تعقیب می‌کند، خیلی نزدیک است. به نفع هر فرد است که مقداری از فرصت و تلاش خود را وقف انجام پیش‌بینی‌های خوب و صحیح بنماید چون چون داشتن آگاهی بیشتر از قبل حداقل وضع انسان را بدتر نمی‌کند. بلکه اغلب به وی امکان می‌دهد، تصمیمات بهتری بگیرد.

به‌نظر می‌رسد، انتظارات عقلایی مردم را در واکنش نسبت به ضربه‌ها و شوک‌ها و رویدادهایی که مدام در انتظار آن‌هاست منعطف‌تر و آماده‌تر می‌سازد.

مشکل اصلی مربوط به انتظارات عقلایی این است که در یک مدلی با اندک پیچیدگی، لازم است که برای انجام پیش‌بینی‌ها توسط مردم و بنگاه‌ها وقت خیلی زیادی صرف شود، به‌ویژه اگر الزام داشته باشیم که مردم بهترین پیش‌بینی ممکن را انجام دهند. البته این امکان وجود دارد که

یک بنگاه بزرگ و یا یک عامل اقتصادی در بازارهای مالی انگیزه کافی برای انجام این مهم داشته باشد، ولی کارگران معمولی یا بنگاههای کوچک چنین انگیزه و مجالی را نخواهند داشت. مقدار منابعی که شما مجبورید برای انجام پیش‌بینی‌ها اختصاص دهید، از موضوع‌های تصمیم‌گیری اقتصادی است؛ زیرا برای انجام پیش‌بینی که خود در گرو جمع آوری، طبقه‌بندی و خلاصه کردن داده‌ها و انتشار اطلاعات است به منابع حقیقی نیاز دارد و چه بسا یکی از دلایل عدم کارایی و کامل نبودن بازار اطلاعات همین باشد.

در این مطالعه منظور از پیش‌بینی درآمد، پیش‌بینی میزان مالیات وصول شده و مقدار وجود یک دولت است که در یک دوره زمانی مشخص دریافت می‌شود. یکی از اصول ۱۰ گانه بودجه که نخستین بار توسط «لئونس» در سال ۱۸۸۵ مطرح شد، اصل تقدم در آمد بر مخارج است. منظور از این اصل آن است که دولت برخلاف بخش خصوصی، قبل از هر گونه اقدامی در امر بودجه‌ریزی، ابتدا باید منابع درآمدی و سقف هریک از آن‌ها به‌طور دقیق پیش‌بینی شود و اثرات آن‌ها بر شاخص‌های کلان اقتصاد مورد بررسی قرار گیرد. مفهوم پیش‌بینی درآمد<sup>۴</sup> بخش مختلف دارد:

۱- فرآیند پیش‌بینی درآمد: راجع به شیوه‌های انجام پیش‌بینی، تجدید نظر و به‌روز رسانی پیش‌بینی‌ها است.

۲- روش‌های مورد استفاده برای پیش‌بینی درآمد: مانند روند سال قبل، نظرات کارشناسی، مدل‌های اقتصادسنجی

۳- متغیرهای اصلی به کار گرفته شده شامل:

(الف) متغیرهای اقتصادی (تولید ناخالص داخلی، نرخ اشتغال، شاخص قیمت مصرف کننده (...))

(ب) سیاسی (مربوط به ایدئولوژی و رقابت سیاسی بین احزاب)

(ج) سازمانی (وابسته به ساختار و نوع سازمان‌دهی دولت برای پیش‌بینی درآمد است)

(د) قانونی (شامل الزامات قانونی جدید یا تغییر در قانون مالیات‌ها)

۴- دقت در پیش‌بینی درآمدها: که به منشاً خطاهای وابسته است. منشاً خطای در پیش‌بینی درآمد مربوط به متغیرها و روش‌های به کار گرفته شده است.

برای پیش‌بینی و برآورد درآمدهای بودجه نیز روش‌های مختلفی وجود دارد که هر کدام در جایگاه خود کاربرد دارند:

۱- روند سال قبل: این روش یکی از متدالول‌ترین روش در پیش‌بینی درآمدهاست و زمانی مؤثر است که اقتصاد کشور از روند ثابتی برخوردار باشد.

- ۲- نمونه‌گیری: در این روش درآمد نمونه‌های انتخابی از یک بخش محاسبه و نتایج حاصل به سایر موارد مشابه تعمیم داده می‌شود.
- ۳- تخمین کارشناسی: در این روش کارشناسان با بررسی عوامل داخلی و خارجی و اوضاع و احوال اقتصادی، با تجربه کاری که دارند نسبت به پیش‌بینی درآمدها اقدام می‌نمایند.
- ۴- نتایج تجربی از مطالعات تطبیقی: در این روش با مطالعه وضع عمومی اقتصاد کشور، بررسی وضع بازار، شناخت عوامل ایجاد درآمد و غیره، درآمدهای آتی پیش‌بینی می‌گردد.
- ۵- برآورد بر اساس مدل‌های اقتصاد سنجی: در این روش برای هریک از بخش‌های درآمدی، مدلی طراحی می‌شود که براساس آن درآمدهای بخش مربوط قابل برآورد است. هرچه مدل‌های اقتصادی دقیق‌تر طراحی شوند، نتایج آن به واقعیت نزدیک‌تر می‌شوند.
- برای بررسی خطای پیش‌بینی روش‌های مختلفی وجود دارد که استفاده از شاخص‌های آماری و معادلات رگرسیونی بیش از همه متداول هستند. شاخص‌های آماری مورد استفاده در این پژوهش عبارتند از: میانگین درصد خطای مطلق (MPE)<sup>۱</sup>، جذر میانگین مجذور خطای مطلق (RMSE)<sup>۲</sup>، میانگین قدر مطلق درصد خطای مطلق (MAPE)<sup>۳</sup> و ضرایب نابرابری تایل<sup>۴</sup>. در این مقاله ما از این شاخص‌ها به منظور تحلیل خطای پیش‌بینی درآمد ناشی از مالیات بر اشخاص حقوقی، مالیات بر درآمد، مالیات بر ثروت، مالیات بر واردات و مالیات بر مصرف و فروش و کل درآمدهای مالیاتی استفاده می‌کنیم. همچنین پس از معرفی این شاخص‌ها به تفکیک اجزا خطای پیش‌بینی و در نهایت به تحلیل کارایی و روند خطای پیش‌بینی توسط معادله رگرسیونی می‌پردازیم.

### پیشینه‌ی پژوهش و مطالعات تجربی

تحلیل خطای پیش‌بینی و بررسی دقت پیش‌بینی یکی از ابزارهای مهم و کلیدی در تصمیم‌گیری و اجرای سیاست‌های است که توجه بسیاری از پژوهشگران را به خود جلب کرده است. در ادامه برخی از این پژوهش‌ها که به طور عمده در زمینه‌ی تحلیل خطای پیش‌بینی درآمدهای مالیاتی و غیرمالیاتی و پیش‌بینی قیمت سهام انجام شده‌اند، اجمالی مورد بررسی قرار خواهد گرفت.

- 
1. Mean percentage error
  2. Root mean square error
  3. Mean absolute percentage error
  4. Thiel inequality coefficient

### مطالعات داخلی

آذر و رجب زاده در مقاله‌ای تحت عنوان "ارزیابی ترکیبی روش‌های پیش‌بینی در بورس اوراق بهادر تهران بهمنظور پیش‌بینی قیمت سهام" با استفاده از داده‌های مربوط به قیمت هفتگی سهام شرکت پارس الکتریک برای یک دوره‌ی سه ساله به مقایسه‌ی دقت پیش‌بینی روش‌های سری زمانی(فردی) با روش‌های ترکیبی می‌پردازند. بهمنظور این مقایسه از سه شاخص MAD<sup>۱</sup>، MAPE و MSE استفاده می‌شود. در این پژوهش پیش‌بینی قیمت سهام برای ۱۴ دوره با استفاده از روش‌های مختلف انجام گرفته و در پایان ۵ روش هموارسازی نمایی خطی، هولت، باکس، جنگینز، روند قدرت و روند درجه دوم که با داده‌ها، بیشتر سازگار بوده و خطای کمتری داشته‌اند وارد ترکیب می‌شوند. آن‌ها نتیجه می‌گیرند که کاهش خطاهای پیش‌بینی با استفاده از این مدل نهایی (ترکیبی) نسبت به بهترین روش پیش‌بینی سری زمانی با توجه به شاخص MSE برابر ۰/۰۶۴، بر اساس شاخص MAD ۰/۲۶ و با توجه به شاخص MAPE برابر ۰/۲۴ است که کاهش چشمگیر خطای مدل ترکیبی را نسبت به سایر روش‌ها نشان می‌دهد[۱].

حمیدی علمداری و همکاران در مقاله‌ای تحت عنوان "الگوسازی غیرخطی و پیش‌بینی درآمدهای مالیات بر مشاغل در اقتصاد ایران(کاربرد شبکه‌های عصبی مصنوعی و مقایسه آن با الگوهای رگرسیون خطی و سری زمانی)" الگوی سری زمانی و رگرسیون خطی و الگوی شبکه عصبی را بر اساس داده‌های موجود در دوره ۱۳۷۸ تا ۱۳۴۸ بررسی نموده و آن را برای پیش‌بینی درآمد ناشی از مالیات بر مشاغل در ایران طی سال‌های ۱۳۷۹ تا ۱۳۸۳ به کار می‌گیرند. همچنین در این مقاله جهت بررسی عملکرد این سه الگو، از معیارهای میانگین قدرمطلق انحراف و مجذور میانگین مربعات خطأ بهمنظور تحلیل خطای پیش‌بینی این سه روش استفاده می‌شود و با مقایسه نتایج این دو معیار، الگوی شبکه عصبی مصنوعی در پیش‌بینی درآمدهای مالیات بر مشاغل نسبت به الگوی رگرسیون خطی و الگوی سری زمانی عملکرد بهتری را نشان می‌دهد[۴].

### مطالعات خارجی

هی لی در مقاله‌ای تحت عنوان "تورش در پیش‌بینی درآمد" با مقایسه مقادیر واقعی و پیش‌بینی شده‌ی درآمدهای ناشی از مالیات برثروت، مالیات بردرآمد و مالیات محلی و سایر اقلام مالیاتی در بودجه‌ی دولت‌های محلی آمریکا طی سال‌های ۱۹۸۲ تا ۱۹۸۶ به بررسی تورش و عقلانیت در

---

1. Mean absolute deviation

پیش‌بینی‌ها با استفاده از تحلیل‌های آماری و مدل‌های اقتصادسنجی می‌پردازد. بر اساس یافته‌های او یک تورش سیستماتیک در پیش‌بینی همه منابع درآمدی وجود دارد. مالیات بر درآمد و مالیات برثروت دارای تورش خوش‌بینانه<sup>۱</sup>، سایر اقلام مالیاتی و مالیات محلی دارای تورش محافظه کارانه<sup>۲</sup> هستند [۱۴].

محمد شریفقال در پایان نامه خود تحت عنوان "بررسی عملکرد پیش‌بینی درآمد دولت‌های محلی در کانادا" به بررسی خطای پیش‌بینی درآمدهای ناشی از مالیات بر درآمد، مالیات بر شرکت‌ها، مالیات بر فروش و سوخت، درآمد از منابع طبیعی و نقل و انتقالات برای ۶ ایالت کانادا شامل: بریتیش کلمبیا، مانیتوبا، اونتاریو، ساسکاچوان، کبک، آلبرتا طی سال‌های ۱۹۷۰ تا ۱۹۸۶ می‌پردازد. او به منظور انجام این تحلیل از برخی شاخص‌های آماری همچون میانگین خطای قدر مطلق میانگین خطای جذر میانگین محدود خطا و مدل‌های رگرسیونی استفاده می‌نماید. نتایج این پژوهش نشان می‌دهد، به طور متوسط در طول دوره‌ی مورد بررسی، مالیات بر درآمد در همه ایالت‌ها به جزء ساسکاچوان دارای تورش محافظه کارانه و مالیات بر شرکت‌ها در تمامی ایالت‌ها دارای برآورد بالاتر از حد واقعی (خوش‌بینانه) بوده است. مالیات بر فروش و سوخت به جزء ایالت مانیتوبا در مابقی ایالت‌های برآورد بالاتر از حد و برآورد درآمد ناشی از نقل و انتقالات نیز در همه‌ی ایالت‌های پایین‌تر از حد (محافظه کارانه) بوده‌اند. پیش‌بینی درآمد ناشی از منابع طبیعی در ایالت‌های آلبرتا و ساسکاچوان محافظه کارانه و در بریتیش کلمبیا خوش‌بینانه است [۱۵].

دشامپس (۲۰۰۴)، در مقاله‌ای تحت عنوان "بررسی تأثیر عوامل نهادی بر دقت پیش‌بینی: مطالعه موردي پیش‌بینی بودجه در ایالت واشنگتن" به بررسی ارتباط بین تغییرات نهادی و دقت در پیش‌بینی پرداخته و بیان می‌دارد که با ایجاد یک نهاد مستقل و کارگروه فنی غیرسیاسی در فرآیند پیش‌بینی و بهبود ارتباط بین کارشناسان و پیش‌بینی‌کنندگان، دقت در پیش‌بینی افزایش خواهد یافت. این مطالعه با استفاده از شاخص MAPE به تحلیل داده‌های ماهانه‌ی مربوط به مقادیر واقعی و پیش‌بینی درآمدهای بیمه‌ای و غیر بیمه‌ای دولت ایالتی واشنگتن از ۱۹۹۶ تا ۲۰۰۰ می‌پردازد. نتایج این پژوهش نشان می‌دهد اولاً به طور متوسط پیش‌بینی‌های ۶ ماهه نسبت به پیش‌بینی‌های یکساله دقت بیشتری داشته و ثانیاً دقت پیش‌بینی درآمدهای بیمه‌ای بیشتر از درآمدهای غیر بیمه‌ای در دولت ایالتی واشنگتن است [۱۱].

---

1. Optimistic bias  
2. Conservative bias

چاکربرتی و سینهها در مقاله‌ای تحت عنوان: "پیش‌بینی بودجه در هند: خطای اجزا و آزمون انتظارات عقلایی" با استفاده از ضریب نابرابری تایل به تجزیه و تحلیل خطای پیش‌بینی اجزا بودجه برای سال‌های ۱۹۹۰ الی ۲۰۰۳ در هند می‌پردازند [۶]. نتایج پژوهش آن‌ها نشان می‌دهد، برای هر دو جزء درآمد و هزینه بودجه، خطای در پیش‌بینی وجود دارد. یافته‌های آن‌ها بیانگر این موضوع است که در بیشتر سال‌های مورد بررسی، پیش‌بینی درآمدهای واقعی دولت (درآمدهای مالیاتی، درآمد حاصل از مالکیت دولت...) بالاتر از حد واقعی و پیش‌بینی درآمد حاصل از دارایی‌های سرمایه‌ای به طور عمده پایین‌تر از حد واقعی بوده‌اند.

### داده‌های مورد استفاده

ما بهمنظور تحلیل خطای پیش‌بینی، مقادیر واقعی درآمد ناشی از مالیات بر اشخاص حقوقی، مالیات بر درآمد، مالیات بر ثروت، مالیات بر واردات و مالیات بر مصرف و فروش و کل درآمدهای مالیاتی را از سالنامه‌ی آماری و مقادیر پیش‌بینی شده‌ی آن‌ها را از لایحه بودجه که دولت هر ساله تقدیم مجلس می‌نماید، برای سال‌های ۱۳۵۰ تا ۱۳۸۵ به دست آورده‌ایم. مقادیر واقعی و پیش‌بینی شده ما به وسیله‌ی شاخص قیمت ضمنی<sup>۱</sup> GDP حقیقی شده‌اند.

### تحلیل خطای پیش‌بینی

برای بررسی خطای پیش‌بینی روش‌های مختلفی وجود دارد که استفاده از شاخص‌های آماری و معادلات رگرسیونی بیش از همه متداول هستند:

### شاخص‌های آماری

شاخص‌های آماری مورد استفاده در این پژوهش عبارتند از: میانگین درصد خطای جذر میانگین مجذور خطای میانگین قدرمطلق درصد خطای ضرایب نابرابری تایل(U). ما در ابتدا به معرفی این شاخص‌ها و بیان مزایا و معایب آن‌ها پرداخته و سپس با استفاده از آن‌ها عملکرد خطای پیش‌بینی درآمدهای مالیاتی دولت طی سال‌های ۱۳۵۰-۱۳۸۵ را ارزیابی می‌کنیم. در روابط و معادلات معرفی شده،  $A_t$  بیانگر مقادیر واقعی،  $P_t$  بیانگر مقادیر پیش‌بینی و  $n$  تعداد مشاهدات است.

---

۱. شاخص قیمت ضمنی از نسبت GDP اسمی به نسبت GDP حقیقی به دست می‌آید.

### الف) میانگین درصد خطا

معیار MPE، میانگین اختلاف بین مقادیر واقعی و پیش‌بینی را در طول دوره مورد بررسی نشان می‌دهد. هی لی [۱۱] و بوتنر [۱۵] به منظور تحلیل خطای پیش‌بینی درآمدهای مالیاتی و غیرمالیاتی از این شاخص استفاده نموده‌اند. فرمول MPE به دو صورت و بر حسب مقادیر واقعی و مقادیر برآورده بیان می‌شود که ما آن‌ها را  $MPE^a$  و  $MPE^b$  می‌نامیم و طبق روابط زیر تعریف می‌شوند:

$$MPE^a = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n \frac{(A_t - P_t)}{A_t} \times 100 \quad (1)$$

$$MPE^b = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n \frac{(A_t - P_t)}{P_t} \times 100 \quad (2)$$

تفسیر میانگین درصد خطا بر مبنای علامت آن است. زمانی که  $MPE > 0$  بدین معنی است که طراحان بودجه به طور متوسط پیش‌بینی کمتر از حد واقعی داشته‌اند و در این وضعیت تورش رو به پایین داریم. زمانی که  $MPE < 0$  بدین معنی است که به طور متوسط پیش‌بینی‌ها بالاتر از حد واقعی بوده‌اند و در این وضعیت تورش رو به بالا داریم. شاخص MPEa میانگین خطای پیش‌بینی به ازای هر ۱۰۰ واحد مقدار واقعی متغیر مربوط است ولی شاخص MPEb میانگین خطای پیش‌بینی را به ازای هر ۱۰۰ واحد مقدار پیش‌بینی شده (برآورده) نشان می‌دهد. اگر شاخص MPEb علامت شاخص MPEa را تأیید نماید (یعنی علامت‌ها یکسان باشد) این وضعیت دلیل محکمی است بر این موضوع که متوسط خطای پیش‌بینی دارای تورش مثبت یا منفی است.

از آنجاکه موضوع مهم برای طراحان بودجه و سیاستگذاران، سطح واقعی است نه سطح پیش‌بینی شده؛ بنابراین با توجه به توضیح بالا در صورتی که علامت‌های شاخص‌های بالا متفاوت باشند علامت MPEb به جای علامت MPEa را تأیید نماید (یعنی ماهیت تورش در پیش‌بینی مورد استفاده قرار می‌گیرد).

### ب) جذر میانگین مجذور خطا

این شاخص معیاری برای اندازه‌گیری دقیق در پیش‌بینی است. شاخص RMSE از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{t=1}^n (A_t - P_t)^2} \quad (3)$$

در این شاخص خطای پیش‌بینی به علت محدود شدن بزرگ‌تر می‌شود. هر چه مقدار این شاخص کمتر باشد، دقت پیش‌بینی بالاتر است. شاخص  $2RMSE$  محدودیت دارد. نخست، به مقیاس اندازه‌گیری وابسته است؛ بنابراین یک دامنه‌ی مشخص ندارد، درثانی بر خلاف معیار  $MPE$  بین برآورد بالاتر از حد و پایین تر از حد تمایز قائل نمی‌شود.

### ج) میانگین قدر مطلق درصد خطأ

یکی از معیارهای مناسب به منظور مقایسه‌ی خطای پیش‌بینی، میانگین قدر مطلق درصد خطأ است. برشیندر و گرر، فرانک و وانگ از افرادی هستند که از این شاخص به منظور بررسی دقت پیش‌بینی درآمدهای مالیاتی استفاده نموده‌اند [۷] [۱۳]. این معیار صرف نظر از علامت خطأ، میانگین ارزش مطلق تفاوت بین مقدار واقعی و مقدار پیش‌بینی را در طول دوره مورد بررسی نشان می‌دهد. این شاخص نیز به دو صورت و بر حسب مقادیر واقعی و مقادیر برآورده بیان می‌شود که ما آن‌ها را  $MAPE_a$  و  $MAPE_b$  می‌نامیم و طبق روابط زیر تعریف می‌شوند:

$$MAPE^a = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n \frac{|A_t - P_t|}{A_t} \times 100 \quad (4)$$

$$MAPE^b = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n \frac{|A_t - P_t|}{\bar{A}_t} \times 100 \quad (5)$$

شاخص  $MAPE_a$  میانگین قدر مطلق خطای پیش‌بینی به ازای هر ۱۰۰ واحد مقدار واقعی متغیر مربوط است ولی شاخص  $MAPE_b$  میانگین قدر مطلق خطای پیش‌بینی را به ازای هر ۱۰۰ واحد مقدار پیش‌بینی شده (برآورده) نشان می‌دهد. مزیتی که این شاخص نسبت به  $RMSE$  دارد این است که یک دامنه‌ی مشخص داشته و بر حسب درصد بیان می‌شوند ولی همانند  $RMSE$  بین برآورد بالاتر از حد و پایین تر از حد تمایز قابل نمی‌شود.

#### د) ضرایب نابرابری تایل

ضریب نابرابری تایل اولین بار توسط تایل (۱۹۵۸) به منظور تحلیل خطای پیش‌بینی ارایه شد. مبنای ضریب نابرابری تایل بر اساس جذر میانگین مجدول خطای است. رابطه‌ی مربوط به اولین ضریب نابرابری تایل عبارت است از:

$$U_1 = \frac{\sqrt{\frac{1}{n} \sum_{t=1}^n (A_t - P_t)^2}}{\sqrt{\frac{1}{n} \sum_{t=1}^n A_t^2} + \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{t=1}^n P_t^2}} \quad (6)$$

ضریب تایل  $U_1$  بر خلاف شاخص RMSE یک دامنه مشخص دارد. در واقع  $U_1$  شاخص RMSE را به گونه‌ای تعییل می‌کند که همواره بین صفر و یک باشد. زمانی که برای همه مشاهدات  $A_t = P_t$  باشد،  $U_1$  برابر صفر است (یعنی یک پیش‌بینی کامل) و زمانی که یک تناسب منفی بین  $P_t$  و  $A_t$  برقرار باشد یا یکی از متغیرها صفر باشد، ضریب  $U_1$  برابر یک است (نابرابری کامل). در نتیجه هر چه  $U_1$  به صفر نزدیک باشد پیش‌بینی دقیق‌تر است. تایل در سال ۱۹۶۶ به منظور اصلاح ضریب اولیه، ضریب نابرابری جدیدی را معرفی نمود. رابطه ضریب نابرابری جدید ( $U_2$ ) عبارت است از:

$$U_2 = \frac{\sqrt{\frac{1}{n} \sum_{t=1}^n (A_t - P_t)^2}}{\sqrt{\frac{1}{n} \sum_{t=1}^n A_t^2}} \quad (7)$$

در مخرج  $U_2$  مقادیر پیش‌بینی وجود ندارد. در یک پیش‌بینی ایده آل  $U_2 = 0$  است، یعنی به ازای همه مشاهدات  $A_t$  برابر  $P_t$  است، زمانی که روش پیش‌بینی دارای یک روند بدون تغییر ساده باشد یا منجر به یک انحراف معیار یکسان در بین خطای شود. نکته قابل توجه این است که  $U_2$  دارای کران بالا نیست و هر چه  $U_2$  به صفر نزدیک‌تر باشد، پیش‌بینی دقیق‌تر است. بلیمل (۱۹۷۳) با مقایسه ضرایب  $U_1$  و  $U_2$  نتیجه می‌گیرد شاخص  $U_1$  با وجود اینکه بیشتر مورد استفاده قرار می‌گیرد، ولی به دلیل برخی محدودیت‌ها نمی‌تواند معیار مناسبی برای سنجش دقیق پیش‌بینی باشد [۱۲]. در نتیجه ضریب  $U_2$  نسبت به  $U_1$  مزیت دارد.

شباهت ضرایب نابرابری تایل با شاخص RMSE این است که هر دو بین برآورد بالاتر از حد و پایین‌تر از حد تمایز قائل نمی‌شوند.

در جدول (۱) شاخص‌های آماری که در قبیل توضیح دادیم، به منظور تحلیل خطای پیش‌بینی درآمدهای ناشی از مالیات بر اشخاص حقوقی، مالیات بر درآمد، مالیات بر ثروت، مالیات بر واردات، مالیات بر مصرف و فروش و کل درآمدهای مالیاتی دولت نشان داده شده‌اند. همچنین ما به منظور تحلیل دقیق‌تر، از انحراف معیار خطای پیش‌بینی به منظور بررسی ناظمینانی در خطای پیش‌بینی سالانه درآمدهای مالیاتی استفاده می‌کنیم.

جدول ۱. شاخص‌های آماری تحلیل خطای پیش‌بینی درآمدهای مالیاتی

	مالیات بر اشخاص حقوقی	مالیات بر درآمد	مالیات بر ثروت	مالیات بر واردات	مالیات بر مصرف و فروش	درآمد مالیاتی کل
MPE <sup>a</sup> St. Error	۰/۸۷ ۴۱/۸۵	-۱/۶ ۲۳/۴۸	-۱۵/۸۱ ۴۵/۲۲	-۹/۵۳ ۳۶/۳۲	-۳۳/۶۱ ۴۸/۲۲	-۴/۴۵ ۱۳/۱۵
MPE <sup>b</sup> St. Error	۸/۸۹ ۲۲/۳۴	۴/۳۹ ۲۶/۹۴	-۴/۰۳ ۲۸/۳۰	۲/۰۶ ۳۵/۸۹	-۱۵/۳۰ ۳۰/۰۳	-۲/۷۲ ۱۲/۳۶
MAPE <sup>a</sup> St. Error	۲۱/۵۸ ۳۵/۸۷	۱۸/۶۵ ۱۴/۳۴	۲۹/۸۴ ۳۷/۴۸	۲۷/۷۱ ۲۵/۳۴	۴۲/۶۲ ۴۰/۴۷	۱۱/۶۴ ۷/۵۷
MAPE <sup>b</sup> St. Error	۱۹/۵۵ ۱۳/۹۷	۲۰/۱۵ ۱۸/۴۱	۲۲/۹۱ ۱۷/۰۹	۶۲/۱۲ ۲۴/۷۱	۳۷/۸۷ ۱۸/۹۶	۱۰/۹۱ ۶/۴۲
RMSE (میلیارد ریال)	۱۱۱۴/۵۱	۶۰۵/۸۵	۳۸۷/۶۱	۱۶۰۳/۸۵	۱۰۸۲/۶۴	۲۲۸۱/۶۴
U <sub>۱</sub>	۰/۰۹	۰/۱۱	۰/۲۳	۰/۱۵	۰/۲۱	۰/۰۷
U <sub>۲</sub>	۰/۱۸	۰/۲۳	۰/۵۴	۰/۳۰	۰/۴۷	۰/۱۴

نتایج بیانگر این است که به طور متوسط طی دوره مورد برآورد طراحان بودجه برای درآمدهای ناشی از مالیات بر درآمد، مالیات بر ثروت، مالیات بر واردات و مالیات بر مصرف و فروش، بالاتر از حد واقعی ( $0 < \text{MPEa}$ ) و برای درآمد ناشی از مالیات بر اشخاص حقوقی، پایین‌تر از حد واقعی ( $\text{MPEa} > 0$ ) بوده است. کل درآمدهای مالیاتی نیز مشمول یک برآورد بالاتر از حد بوده است. در حالی که بر مبنای شاخص MPEb به طور متوسط مالیات بر ثروت و مالیات بر مصرف و فروش دارای برآورد بالاتر از حد ( $0 < \text{MPEb}$ ) و مالیات بر اشخاص حقوقی، مالیات بر درآمد و مالیات بر واردات دارای برآورد پایین‌تر از حد ( $\text{MPEb} > 0$ ) بوده‌اند. علامت‌های یکسان MPEa و MPEb برای مالیات بر ثروت و مالیات بر فروش (هر دو منفی) یک برآورد بالاتر از حد(خوش‌بینانه) را برای آن‌ها تأیید می‌کند. به طور مشابه علامت مثبت این

دو شاخص برای مالیات بر اشخاص حقوقی بیانگر این است که برآورد این نوع درآمد مالیاتی پایین‌تر از حد بوده است. اما علامت این دو شاخص برای مالیات بر درآمد و مالیات بر واردات متفاوت است. همان‌گونه که در قبل توضیح دادیم، موضوع مهم برای طراحان بودجه و سیاستگذاران دولت سطح درآمد واقعی است نه سطح پیش‌بینی شده؛ بنابراین، علامت MPEa به جای علامت MPEb برای تعیین ماهیت تورش در پیش‌بینی مالیات بر درآمد و مالیات بر واردات مورد استفاده قرار می‌گیرد.

با توجه به شاخص MAPEa در بین انواع درآمدهای مالیاتی، مالیات بر درآمد دارای کمترین خطای پیش‌بینی با رقیمی برابر ۱۸/۶۵ است. این نتیجه دور از انتظار نیست؛ زیرا تنها فشر حقوق بگیر جامعه هستند که قبل از دریافت حقوق، مالیات شان کسر می‌شود؛ یعنی درواقع یک نوع مالیات تکلیفی به آن‌ها تعلق گرفته است. در نتیجه پیش‌بینی مالیات بر درآمد به مقداری تحقق یافته‌ی آن نزدیک است. مقدار میانگین درصد خطای این نوع مالیات برابر ۱/۶ درصد و بیانگر یک پیش‌بینی بالاتر از حد (تورش ثابت) است. پیش‌بینی بالاتر از حد ۱/۶ درصدی بدین معنی است که به‌طور میانگین یک کسری ۱/۶ ریالی به ازای هر ۱۰۰ ریال درآمد تحقق یافته‌(واقعی) از مالیات بر درآمد (یا کسری ۱۶۰۰۰ ریالی به ازای هر یک میلیون ریال) در طول دوره مورد بررسی وجود داشته است. علاوه بر این بالاترین خطای پیش‌بینی مربوط به مالیات بر مصرف و فروش با مقدار MAPEa برابر ۴۲/۶۲ است. با توجه به اینکه مالیات بر مصرف و فروش جزء مالیات‌های غیرمستقیم است، مقدار آن به مقدار فروش کالاها و خدماتی که مشمول مالیات هستند، بستگی دارد. از طرفی پیش‌بینی مقدار آن نیز در گرو پیش‌بینی میزان فروش این کالاها است. در نتیجه خطای در پیش‌بینی فروش این کالاها به افزایش خطای در پیش‌بینی درآمد دولت از محل مالیات بر مصرف و فروش منجر می‌شود. معیارهای MPEa و MPEb برای این نوع مالیات به ترتیب برابر ۳۳/۶۱ و ۱۵/۳۰ درصد هستند. این ارقام بیانگر این هستند که طراحان بودجه به‌طور متوسط یک کسری ۳۳۶۱۰۰ ریالی را به ازای هر یک میلیون ریال درآمد وصول شده از مالیات بر مصرف و فروش و کسری در حدود ۱۵۳۰۰۰ ریالی به ازای هر یک میلیون درآمد پیش‌بینی شده از مالیات بر مصرف و فروش در طول دوره مورد بررسی تجربه کرده‌اند. شاخص MAPEb به منظور ارزیابی قدر مطلق خطای پیش‌بینی به ازای هر ۱۰۰ ریال درآمد پیش‌بینی شده (برآورده) در طول دوره مورد نظر استفاده می‌شود. براساس این شاخص کمترین و بیشترین دقت پیش‌بینی به ترتیب مربوط به مالیات بر واردات و مالیات بر اشخاص حقوقی با ارقامی برابر ۶۲/۱۲ و ۱۹/۵۵ درصد است. نتایج MAPEb نتایج شاخص MAPEa را تأیید نمی‌کند. زمانی که انحراف معیار بزرگ است، پیش‌بینی دقیق توسط طراحان بودجه دشوار

خواهد بود و باعث گسترش ناظمینانی در برآورد خواهد شد. بهمنظور بررسی دقت پیش‌بینی می‌توان از انحراف معیار گفته شده در زیر هر یک از شاخص‌ها نیز استفاده کرد. نتایج بهدست آمده از انحراف معیار خطاهای با نتایج بهدست آمده از شاخص‌های میانگین آن‌ها یکسان است. برای مثال براساس شاخص MAPEa مالیات بر مصرف و فروش دارای بالاترین خطای است؛ از طرفی انحراف معیار مربوط به این نوع درآمد مالیاتی در بین انواع درآمدهای مالیاتی بالاترین مقدار است. بهمنظور ساختن فاصله‌ی اطمینان برای خطای پیش‌بینی ما از شاخص MPEa و انحراف معیار آن استفاده خواهیم کرد. انحراف معیار خطای پیش‌بینی درآمد ناشی از مالیات بر مصرف و فروش برابر  $48/22$  درصد است که کمترین دقت پیش‌بینی را دارد. با فرض اینکه خطاهای پیش‌بینی سالانه دارای توزیع نرمال هستند، احتمال اینکه خطای پیش‌بینی در محدوده  $(14/61 \text{ و } 81/83)$  قرار بگیرد حدود  $68\%$  است [۱۲]. به عبارت دیگر در  $68$  درصد موارد، نتایج بیانگر یک برآورد کمتر از حد یا بیشتر از حد هستند. بنابراین طراحان بودجه یک کسری  $818300$  ریالی به ازای هر یک میلیون ریال درآمد تحقق یافته از مالیات بر مصرف و فروش یا یک مازاد  $146100$  ریالی به ازای همان میزان درآمد مالیاتی در طول دوره مورد بررسی تجربه می‌کنند. همچنین کمترین انحراف معیار مربوط به خطای پیش‌بینی مالیات بر درآمد و مقدار آن برابر  $23/48$  درصد است. با فرض اینکه خطاهای پیش‌بینی سالانه دارای توزیع نرمال هستند، احتمال اینکه خطای پیش‌بینی در محدوده  $(11/88 \text{ و } 25/08)$  قرار بگیرد حدود  $68\%$  است. طراحان بودجه یک کسری  $250800$  ریالی به ازای هر یک میلیون ریال درآمد تحقق یافته از مالیات بر مصرف و فروش یا یک مازاد  $218800$  ریالی را به ازای همان میزان درآمد مالیاتی در طول دوره مورد بررسی تجربه می‌کنند. با توجه به این مباحث می‌توان نتیجه گرفت، ناظمینانی در برآورد مالیات بر درآمد نسبت به برآورد مالیات بر مصرف و فروش کمتر و دقت پیش‌بینی مالیات بر درآمد بیشتر است. اگرچه RMSE معیاری پرکاربرد در اندازه‌گیری دقت پیش‌بینی است ولی با توجه به محدودیت‌هایش، کاربرد آن در برخی موارد مناسب نیست. بر اساس این شاخص مالیات بر واردات بالاترین خطای پیش‌بینی و مالیات بر ثروت بهترین برآورد در بین انواع درآمدهای مالیاتی دارد. ولی این نتیجه تا حدودی گمراه کننده است زیرا مالیات بر ثروت پایین‌ترین سهم از کل درآمد مالیاتی دارد (حدود  $4$  درصد) [۱۲]. این نتیجه به علت آن است که شاخص RMSE به مقیاس اندازه‌گیری (میلیارد ریال) وابسته است؛ بنابراین ما باید برای مقایسه از شاخص‌های مناسب دیگری استفاده نماییم.

با مقایسه ضریب  $U_1$  در جدول (۱)، متوجه می‌شویم بالاترین دقت پیش‌بینی مربوط به مالیات بر اشخاص حقوقی با ضریبی برابر  $0/09$  است. بر اساس ضریب  $U_2$  نیز مالیات بر

اشخاص حقوقی با ضریبی برابر ۰/۱۸ دارای کمترین خطأ و بالاترین دقت پیش‌بینی است. یکی از دلایل پایین بودن خطأ پیش‌بینی این نوع درآمد مالیاتی می‌تواند ناشی از این باشد که مالیات بر اشخاص حقوقی بر مبنای اظهار نامه مالیاتی است که شرکتها به سازمان امور مالیاتی ارایه می‌دهند و چون پیش‌بینی‌ها بر اساس این اظهار نامه‌ها صورت می‌پذیرد، از خطأ پایین‌تری بر خوردارند. ضرایب  $U_1$  و  $U_2$  برای مالیات بر ثروت به ترتیب برابر  $0/23$  و  $0/54$  که هر دو بیانگر این موضوع هستند که بالاترین خطأ پیش‌بینی، مربوط به این نوع مالیات است. (برخلاف نتایج RMSE که مالیات بر ثروت دارای پایین‌ترین خطأ و بالاترین دقت پیش‌بینی است). شاید علت این امر در ماهیت مالیات بر ثروت باشد. با توجه به اقلام مالیات بر ثروت همچون مالیات بر ارث، مالیات بر نقل و انتقالات سهام، مالیات بر نقل و انتقالات املاک، مالیات بر نقل و انتقال سرقله می‌توان به این موضوع پی برد که تقریباً تمامی این نوع مالیات‌ها به جز مالیات بر ارث به وضعیت بازار و شرایط اقتصادی حاکم بر کشور وابسته هستند. برای مثال رکود یا رونق در بازار املاک بر درآمد مالیاتی که از نقل و انتقالات املاک نصیب دولت می‌کند، تأثیر می‌گذارد. درحقیقت طراحان بودجه برای پیش‌بینی درآمد ناشی از این نوع مالیات‌ها باید وضعیت بازار و شرایط اقتصادی را در سال آتی مدنظر قرار دهند. وضعیت بدتر خواهد شد اگر اثرات شوک‌ها و عوامل غیر قابل پیش‌بینی بر این بازارها را به مشکلات طراحان بودجه اضافه کنیم. در مورد مالیات بر ارث می‌توان گفت چون به‌طور کلی ماهیتی غیرقابل پیش‌بینی دارد، دقت پیش‌بینی آن نیز کم است.

در تحلیل خطأ پیش‌بینی درآمدهای مالیاتی نتایج به دست آمده از شاخص MAPE و ضرایب نابرابری تایل متفاوت است. از مقایسه فرمول این شاخص‌ها مشخص می‌شود که در ضرایب نابرابری تایل از محدود خطأ و در فرمول MAPE از قدر مطلق خطأ استفاده می‌شود. اگرچه ضرایب تایل تا حدودی محدودیت‌های شاخص RMSE رفع می‌کند، ولی همان طور که در بحث مربوط به نتایج حاصل از RMSE مطرح شد، ممکن است در برخی مواقع محدود شدن عبارت خطأ نتایجی گمراه کننده به بار آوردنبنابراین از بحث فوق می‌توان نتیجه گرفت، برای مقایسه دقت پیش‌بینی انواع درآمدهای مالیاتی شاخص MAPE نسبت به ضرایب نابرابری تایل مناسب‌تر است.

### تفکیک اجزا خطأ پیش‌بینی

منشأ خطأ پیش‌بینی را می‌توان به دو جزء تقسیم کرد: جزء اول ناشی از اشتباه محاسباتی، قضاؤت نادرست و به‌طور کلی عوامل درون‌زا و جزء دوم ناشی از شوک‌های برون‌زا و عوامل

بیرونی است. جزء اول خطای سیتماتیک نامیده می‌شود و جزء دوم خطای غیرسیستماتیک. برای مثال قضاوت نادرست در مورد برخی از متغیر اقتصادی کلیدی همچون درآمد ملی، سرمایه‌گذاری، پس‌انداز، تورم و ... که تأثیر مهمی بر بودجه دولت دارند و همچنین برآورد نامناسب از کشش‌های مالیاتی منجر به خطای سیستماتیک در برآورد درآمدهای مالیاتی می‌شود. برای تفکیک خطای سیستماتیک و غیر سیستماتیک (تصادفی) پیش‌بینی باید از معیار میانگین مجدورات خطا (MSE) استفاده شود. بدین منظور از معادله زیر که اولین بار توسط مورفی ارایه شد، استفاده می‌کنیم [۱۶]:

$$\frac{1}{n} \quad (8)$$

در معادله (۹)،  $\bar{P}$  و  $\bar{A}$  به ترتیب میانگین مقادیر پیش‌بینی و مقادیر واقعی هستند.  $S_A$  و  $S_p$  به ترتیب بیانگر انحراف معیار مقادیر پیش‌بینی و مقادیر واقعی هستند و  $r$  ضریب همبستگی بین مقادیر پیش‌بینی و مقادیر واقعی است. چوین و کامبن، چاکراپری و سینهها با استفاده از این معادله به تفکیک خطای پیش‌بینی پرداخته‌اند (اثبات این معادله در زیرنویس آمده است) [۹][۱۰]. اجزای خطای سیستماتیک شامل نسبتی از خطای پیش‌بینی هستند که ناشی از تورش و نابرابری واریانس هستند. اولین عبارت از معادله (۹) بیانگر نسبتی از خطای پیش‌بینی است که ناشی از تورش است. در واقع این جزء آن نسبتی از خطا را که ناشی از پیش‌بینی کمتر از حد یا بیشتر از حد میانگین مقادیر است، اندازه می‌گیرد. دومین عبارت از معادله (۹)، بیانگر نسبتی از خطای پیش‌بینی است که ناشی از نابرابری واریانس‌هاست. در واقع این جزء نسبتی از خطا را که ناشی از پیش‌بینی کمتر از حد یا بیشتر از حد واریانس مقادیر است، اندازه می‌گیرد. سومین عبارت از معادله (۹) میزان خطای غیرسیستماتیک (تصادفی) را اندازه می‌گیرد. مجموع این سه جزء برابر یک است. احتمالاً دو منبع اول خطاکه سیستماتیک هستند، به وسیله‌ی بهبود تکنیک‌های پیش‌بینی کاهش خواهند یافت، در حالی که جزء تصادفی خطا خارج از کنترل پیش‌بینی کننده است. نتایج تفکیک اجزای خطای پیش‌بینی مالیات بر اشخاص حقوقی، مالیات بر درآمد، مالیات بر ثروت، مالیات بر واردات مالیات و مالیات بر ثروت در طول دوره مورد بررسی در جدول (۲) نشان داده شده است. ارقام جدول برای سادگی بر حسب درصد بیان شده‌اند.

جدول ۲. تفکیک اجزاء خطای پیش‌بینی درآمدهای مالیاتی

منابع خطای		مالیات بر اشخاص حقوقی	مالیات بر درآمد	مالیات بر ثروت	مالیات بر واردات	مالیات بر مصرف و فروش	درآمد مالیاتی کل
سیستماتیک	تورش	۵	۰	۱۲	۳	۲۱	۹
	نابرابری واریانس	۱	۷	۵۴	۱۲	۱	۸
غیر سیستماتیک	اثرات تصادفی	۹۴	۹۳	۳۴	۸۵	۷۸	۸۳

نرديك به ۹۴ درصد از خطای پیش‌بینی مالیات بر اشخاص حقوقی از نوع غيرسیستماتیک و در حدود ۶ درصد از نوع سیستماتیک بوده است. از اين ۶ درصد خطای سیستماتیک خطای ناشی از تورش سهم بيشتری نسبت به نابرابری واریانس‌ها دارد. همان‌طور که قبلاً گفته شد، از آنجاکه پیش‌بینی درآمد ناشی از مالیات بر اشخاص حقوقی بر مبنای اظهارنامه‌های مالیاتی است؛ بنابراین عدده خطایي که در پیش‌بینی اين نوع مالیات رخ می‌دهد ناشی از شوک‌ها و عوامل بروزنزایی است که ممکن است اثرات مثبت یا منفی به همراه داشته باشد. برای مثال شروع جنگ تحملی به عنوان یک شوک و عامل بروزنزا بر فعالیت اقتصادی شرکت‌ها تأثیر منفی گذاشته و مانع تحقق درآمدهای پیش‌بینی شده برای سال ۱۳۵۹ شده است؛ به گونه‌ای که ماکزیمم خطای پیش‌بینی برای مالیات بر اشخاص حقوقی در این سال رخ داده است (حدود ۲۲۸ - درصد). مالیات بر درآمد نیز تقریباً وضعیت مشابه با مالیات بر اشخاص حقوقی دارد. تقریباً ۹۳ درصد از خطای پیش‌بینی این مالیات، غیر سیستماتیک و در حدود ۷ درصد سیستماتیک است که به طور عدده ناشی از نابرابری واریانس‌ها است. با توجه به تکلیفی بودن این نوع مالیات برای قشر حقوق بگير، قسمت اعظم خطای پیش‌بینی اين نوع مالیات نیز مربوط به شوک‌ها و عوامل بروزنزا است، به عبارت دیگر خطای طراحان بودجه در برآورد اين درآمد مالیاتی الگو و روند خاصی ندارد. برای مثال ممکن است عوامل بروزنزا (جنگ، شوک‌های نفتی و...) موجب ورشکستگی بنگاه‌های خصوصی در سطح وسیع و اخراج کارکنان آن‌ها شود و به دنبال آن مقادیر پیش‌بینی شده برای مالیات بر درآمد محقق نشود. در مورد مالیات بر ثروت وضعیت به گونه‌ای دیگر است. نتایج بيانگر آن هستند که نرديك به ۳۴ درصد از خطای پیش‌بینی مالیات بر ثروت از نوع غير سیستماتیک و در حدود ۶۸ درصد از نوع سیستماتیک بوده است. از اين ۶۸ درصد

خطای سیستماتیک، خطای ناشی از تورش در حدود ۱۲ درصد و خطای ناشی از نابرابری واریانس ها نزدیک به ۵۴ درصد است. این نتایج بیانگر این هستند که خطای پیش‌بینی این مالیات الگو و روند مشخصی داشته و کمتر تحت تأثیر عوامل بروزنما بوده است و احتمالاً با بهبود روش‌های پیش‌بینی، تصویب قوانین مناسب بهمنظور جلوگیری از فرار مالیاتی، شناخت مناسب از متغیرهای کلان اقتصادی و... می‌توان خطای پیش‌بینی را کاهش داد. نتایج بررسی خطای پیش‌بینی، طی دوره مورد نظر نشان می‌دهد که قسمت عمده‌ی خطای پیش‌بینی مالیات بر واردات غیرسیستماتیک (حدود ۸۵ درصد) و تنها ۱۵ درصد آن سیستماتیک بوده است. به عبارت دیگر شوک‌ها و عوامل بروزنما بیشترین تأثیر را در خطای پیش‌بینی این نوع مالیات دارند. برای مثال وقوع یک بحران اقتصادی جهانی یا تحریم‌های اقتصادی موجب کاهش حجم واردات شده و بخشی از مقادیر پیش‌بینی شده برای درآمد ناشی از مالیات بر واردات محقق خواهد شد. در مورد مالیات بر مصرف و فروش نیز می‌توان گفت عمده خطای پیش‌بینی از نوع غیرسیستماتیک بوده است (حدود ۷۸ درصد). سهم خطای ناشی از تورش و نابرابری واریانس در پیش‌بینی این مالیات به ترتیب برابر ۲۱ درصد و یک درصد است که در مجموع خطای سیستماتیکی برابر ۲۲ درصد تشکیل می‌دهند. در این مورد نیز می‌توان نتیجه گرفت، در طول دوره مورد بررسی خطای پیش‌بینی این نوع مالیات بیشتر تحت تأثیر عوامل تصادفی بوده است. با توجه به اینکه پیش‌بینی درآمد ناشی از این مالیات به پیش‌بینی میزان مصرف و فروش کالاهای مشمول این نوع مالیات بستگی دارد؛ بنابراین به کارگیری روش‌های مناسب برای پیش‌بینی دقیق میزان فروش این کالاهای، به کاهش خطای سیستماتیک منجر خواهد شد. نزدیک به ۸۳ درصد از خطای پیش‌بینی کل درآمدهای مالیاتی از نوع غیرسیستماتیک و در حدود ۱۷ درصد سیستماتیک بوده است. به طور کلی می‌توان نتیجه گرفت، تأثیر عوامل تصادفی و بروزنما بر خطای پیش‌بینی درآمدهای مالیاتی بیشتر است.

### معادله‌ی رگرسیون

یکی از سوالات مهمی که در تحلیل خطای پیش‌بینی مطرح می‌شود این است که آیا خطاهای پیش‌بینی در طول زمان بهبود یافته است یا خیر؟ به منظور پاسخگویی به این سؤال معادله رگرسیونی زیر را که توسط فینبرگو محمد شریفال برای تحلیل کارایی و روند پیش‌بینی انواع درآمدهای دولت مورد استفاده قرار گرفته، به کار می‌گیریم [۱۲][۱۵]:

$$\frac{|A_t - P_t|}{A_t} = \alpha_0 + \alpha_1(t) \quad (9)$$

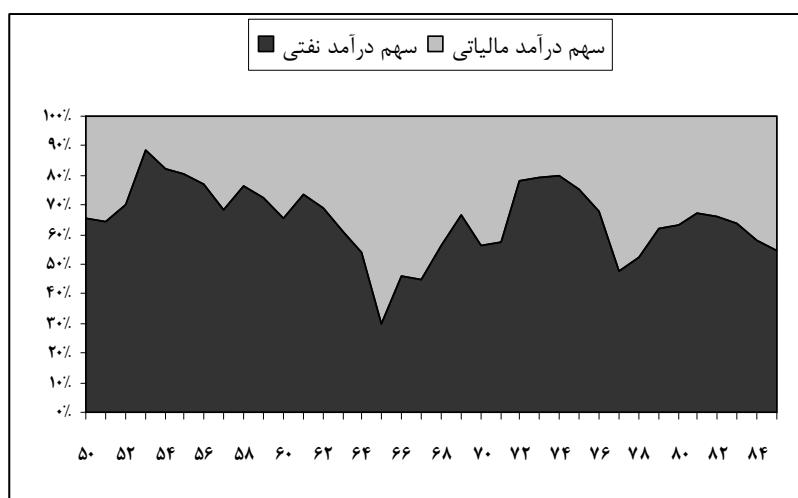
درواقع ما در این رگرسیون قدر مطلق درصد خطای پیش‌بینی را برابر روی زمان رگرس می‌کنیم. اگر  $\alpha_0 < 0$  باشد، بیانگر این است که خطای پیش‌بینی در طول زمان کاهش یافته و در صورتی که  $\alpha_0 > 0$  باشد، بیانگر این است که خطای پیش‌بینی در طول زمان افزایش یافته است. نتایج معادله‌ی رگرسیونی بالا برای ۵ نوع درآمد مالیاتی و همچنین درآمد مالیاتی کل در جدول ۳ نشان داده شده است.<sup>۱</sup>

جدول ۳. نتایج رگرسیون روند برای انواع درآمدهای مالیاتی

	مالیات بر اشخاص حقوقی	مالیات بر درآمد	مالیات بر ثروت	مالیات بر واردات	مالیات بر مصرف و فروش	درآمد مالیاتی کل
$\alpha_0$	-۰/۲۴۷	-۰/۲۱۵	-۰/۱۸۲	-۰/۲۴۰	-۰/۴۶۸	-۰/۱۰۴
t آماره	۵/۴۰	۴/۴۸۲	۱/۴۷۴	۲/۸۲۷	۳/۴۵۱	۴/۰۹۴
$\alpha_1$	-۰/۰۰۳	-۰/۰۰۷	-۰/۰۰۷	-۰/۰۰۲	-۰/۰۰۲	-۰/۰۰۱
t آماره	-۱/۳۲۷	-۰/۶۸۳	۱/۰۸۹	۰/۵۱۳	-۰/۳۶۲	۰/۵۸۰
R <sup>۲</sup>	۰/۰۵	۰/۰۱۳۵	۰/۰۳۴	۰/۰۰۸	۰/۰۰۴	۰/۰۱
D. W	۲/۱۴	۱/۹۰	۱/۴۸۳	۱/۷۴۵	۱/۵۹۰	۲/۶۱
F آماره	۱/۷۶۲	۰/۴۶۶	۱/۱۸۶	۰/۲۶۳	۰/۱۳۱	۰/۳۳۷
Prob	۰/۱۹۳	۰/۴۸۰	۰/۲۸۴	۰/۶۱۱	۰/۷۲۰	۰/۵۶۶

نتایج بیانگر آن است که خطای پیش‌بینی هیچ‌یک از درآمدهای مالیاتی بهبود معناداری در طول دوره مورد بررسی ندارند. در واقع با توجه به آماره (F) و احتمال آن معناداری کل رگرسیون‌ها رد می‌شود. از طرفی ضریب  $\alpha_1$  که مبنای تفسیر ما نیز قرار دارد با توجه به آماره (t) در تمامی رگرسیون‌ها بی‌معنی است. ممکن است یکی از دلایل عدم بهبود خطای پیش‌بینی درآمدهای مالیاتی در طول زمان، وابستگی زیاد به درآمدهای نفتی باشد. ما این موضوع را با استفاده سهم درآمدهای مالیاتی و درآمدهای نفتی از GDP طی دوره مربوط، ارزیابی کردایم.

۱. آزمون‌های وايت و LM نبود خودهمبستگی و واریانس ناهمسانی را برای تمامی رگرسیون‌ها تأیید می‌کنند.



نمودار ۱. سهم درآمد مالیاتی و درآمد نفتی از کل GDP طی سال‌های ۱۳۵۰-۱۳۸۵

همان‌گونه که در نمودار (۱) مشخص است، هرگاه سهم درآمدهای نفتی افزایش یافته، سهم درآمدهای مالیاتی کاهش و هرگاه سهم درآمدهای نفتی کاهش یافته، سهم درآمدهای مالیاتی افزایش یافته است. ممکن است علت این وضعیت کاهش انگیزه برای تصویب قوانین مالیاتی محکم و اجرای آن‌ها به هنگام سرازیر شدن دلارهای نفتی به کشور باشد.

### نتیجه‌گیری

- به‌طور خلاصه می‌توان نتایج به دست آمده از مطالعه‌ی حاضر را تحت عنوانین زیر بیان نمود:
۱. بر اساس شاخص‌های  $MPE^a$  و  $MPE^b$  به طور متوسط در طول دوره‌ی مورد بررسی برآوردها از درآمد ناشی از مالیات بر ثروت و مالیات بر مصرف و فروش، قویاً بالاتر از حد (خوش‌بینانه) بوده‌اند، در حالی که برآورد درآمد ناشی از مالیات بر اشخاص حقوقی قویاً پایین‌تر از حد (محافظه‌کارانه) بوده است.
  ۲. با توجه به متفاوت بودن علامت دو شاخص  $MPE^a$  و  $MPE^b$  برای مالیات بر درآمد و مالیات بر واردات و با توجه به مهمن بودن مقادیر واقعی درآمد برای سیاستگذاران، ملاک ما شاخص  $MPE^a$  است؛ بنابراین، بر مبنای این شاخص مالیات بر درآمد و مالیات بر واردات نیز به‌طور متوسط دارای یک برآورد بالاتر از حد (خوش‌بینانه) بوده‌اند.

۳. با توجه به شاخص  $MAPE^a$ ، در بین انواع درآمدهای مالیاتی، مالیات بر درآمد دارای بالاترین دقت پیش‌بینی است. این نتیجه دور از انتظار نیست؛ زیرا تنها قشر حقوق بگیر جامعه هست که قبلاً از دریافت حقوق، مالیات‌شان کسر می‌شود، یعنی در واقع یک نوع مالیات تکلیفی به آن‌ها تعلق گرفته است. در نتیجه پیش‌بینی مالیات بر درآمد به مقادیر تحقق یافته‌ی آن نزدیک است. برای این نوع مالیات به طور میانگین یک کسری  $1/6$  ریالی به ازای هر ۱۰۰ ریال درآمد تحقق یافته (واقعی) از مالیات بر درآمد در طول دوره مورد بررسی وجود داشته است. همچنین بر مبنای این شاخص بالاترین خطای پیش‌بینی (پایین‌ترین دقت) مربوط به مالیات بر مصرف و فروش است. با توجه به این که مقدار مالیات بر مصرف و فروش به مقدار فروش کالاهای خدماتی که مشمول مالیات هستند بستگی دارد و پیش‌بینی آن در گروه پیش‌بینی میزان فروش این کالاهست؛ بنابراین، خطای پیش‌بینی فروش به افزایش خطای در پیش‌بینی درآمد ناشی از مالیات مصرف و فروش منجر می‌شود.

۴. بر اساس شاخص  $RMSE$  مالیات بر واردات بالاترین خطای پیش‌بینی و مالیات بر ثروت بهترین برآورد را در بین انواع درآمدهای مالیاتی داشته‌اند. از آنجاکه این شاخص به مقیاس اندازه‌گیری (میلیارد ریال) و محدود خطای وابسته است، ممکن است نتایج آن تا حدودی گمراه کننده باشد.

۵. بر مبنای ضرایب  $U_1$  و  $U_2$  بالاترین دقت پیش‌بینی مربوط به مالیات بر اشخاص حقوقی است که مقدار این ضرایب برای آن به ترتیب برابر  $0.09/0.18$  است و پایین‌ترین دقت پیش‌بینی مربوط به مالیات بر ثروت است که مقدار این ضرایب برای آن به ترتیب برابر  $0.23/0.54$  هستند (برخلاف نتایج شاخص  $RMSE$  که مالیات بر ثروت دارای پایین‌ترین خطای و بالاترین دقت پیش‌بینی است).

۶. نتایج به‌دست آمده از معادله‌ی تفکیک اجزا خطای نشان می‌دهد، خطای پیش‌بینی مالیات بر اشخاص حقوقی، مالیات بر درآمد، مالیات بر واردات و مالیات بر مصرف و فروش به‌طور عمده از نوع غیرسیستماتیک است، بدین مفهوم که در طول دوره مورد بررسی خطای پیش‌بینی بیشتر تحت تأثیر شوک‌ها و عوامل تصادفی بوده که از کنترل طراحان بودجه خارج هستند و این در حالی است که خطای پیش‌بینی مالیات بر ثروت از نوع سیستماتیک بوده است؛ یعنی با بهبود روش‌های پیش‌بینی امکان کاهش خطای وجود دارد. همچنین خطای پیش‌بینی کل درآمدهای مالیاتی نیز به‌طور عمده از نوع غیرسیستماتیک بوده است.

۷. نتایج به‌دست آمده از معادله رگرسیون روند (کارابی پیش‌بینی) بیانگر آن است که خطای پیش‌بینی هیچ‌یک از درآمدهای مالیاتی بهبود معناداری در طول دوره مورد بررسی ندارند.

نتایج بیانگر آن است که در طول دوره مورد به بررسی هرگاه سهم درآمدهای نفتی افزایش یافته، سهم درآمدهای مالیاتی کاهش و هرگاه سهم درآمدهای نفتی کاهش یافته، سهم درآمدهای مالیاتی افزایش یافته است. ممکن است علت این وضعیت کاهش انگیزه هم در تصویب قوانین محکم و هم در اجرای قوانین مالیاتی و دریافت مالیات بهنگام سرازیر شدن دلارهای نفتی به کشور باشد.

## منابع

۱. آذر عادل، رجب‌زاده علی (۱۳۷۹). ارزیابی ترکیبی روش‌های پیش‌بینی در بورس اوراق بهادر تهران به‌منظور پیش‌بینی قیمت سهام، مجله مدرس؛ ۲(۴): ۱۵۳ - ۱۶۷.
۲. بابائی حسن (۱۳۷۹). بودجه‌ریزی دولتی در ایران، تهران: شرکت چاپ و نشر بازرگانی.
۳. جعفری صمیمی احمد (۱۳۷۱). اقتصاد بخش عمومی(۲)، تهران: انتشارات سازمان مطالعه و تدوین کتب علوم انسانی دانشگاهها.
۴. حمیدی علمداری و همکاران (۱۳۸۴). الگوسازی غیرخطی و پیش‌بینی درآمدهای مالیات بر مشاغل در اقتصاد ایران (کاربرد شبکه‌های عصبی مصنوعی و مقایسه‌ی آن با الگوهای رگرسیون خطی و سری زمانی)، مجله تحقیقات اقتصادی؛ ۱۴۳: ۷۶-۱۶۷.
۵. گجراتی دامودار (۱۳۸۷). مبانی اقتصاد سنجی، ترجمه حمید ابریشمی. جلد دوم. چاپ دوم. انتشارات دانشگاه تهران.
6. Bliemel Friedhelm (1973). Theil's Forecast Accuracy Coefficient: A Clarification, Journal of Marketing Research; 10(4): 444-446.
7. Bretschneider S (1989). Political and Organizational Influences on the accuracy of Forecasting State Government Revenue. International Journal of Forecasting; 5(3): 307-319.
8. Buettner Thiess (2007). Are German Tax-Revenue Forecasts Flawed? In a Becker. Ifo Institute and Munich University.
9. Chakraborty Lekha S, Sinha Darshy (2008). Budgetary Forecasting in India: Partitioning Errors and Testing for Rational Expectations. Mpra Paper, University Library of Munich, Germany, working paper.
10. Chuine G & et al (2000). Scaling phenology from the local to the regional level: advances from species-specific phenological models. Journal of Global Change Biology; 6: 943-952.

11. Deschamps Elaine (2004). The impact of institutional change on forecast accuracy: A case study of budget forecasting in Washington State. International Journal of Forecasting; Vol 20. pp 647- 657.
12. Feenberg, Daniel R & et al (1989). Testing the Rationality of State Revenue forecasts. The Review of Economics and Statistics; 71: 300-308.
13. Frank H, Wang X (1994). Judgmental vs time series vs deterministic models in local revenue forecasting: A Florida case study. Public Budgeting and Financial Management; 4: 493- 517.
14. Hee lee young (1991). Bias in government revenue. korea local administration institute, working paper.
15. Mohammad shariful islam, Abu reza (1999). An Economic Study of Forecast Performances of Provincial Budget Revenue Estimates in Canada during 1971to 1997. PhD Thesis of Simon Fraser University, British Columbia, Canada.
16. Murphy A. H (1995). The coefficients of correlation and determination as measures of performance in forecast verification, Wea, Forecast; 10: 681-688.