

## برآورد صرف ریسک بازار با در نظر گرفتن اهرم بازار در بورس اوراق بهادار تهران

احمد یعقوب نژاد<sup>۱</sup>، علی سعیدی<sup>۲</sup>، منصور روضه‌ای<sup>۳</sup>

۱. استادیار دانشکده مدیریت و حسابداری دانشگاه آزاد اسلامی، واحد تهران مرکز، ایران
۲. استادیار دانشکده مدیریت و علوم اجتماعی دانشگاه آزاد اسلامی، واحد تهران شمال، ایران
۳. کارشناس ارشد حسابداری دانشکده اقتصاد و حسابداری دانشگاه آزاد اسلامی، واحد تهران مرکز، ایران

(تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۸۸/۱۲/۱۵، تاریخ تصویب: ۱۳۸۹/۳/۲۲)

### چکیده<sup>۵</sup>

در این تحقیق روش محاسبه صرف ریسک بازار با در نظر گرفتن اهرم بازار (مدل لالی) ارایه گردیده و هم‌چنین توان این مدل با مدل‌های سیگل و ایبوتون در پیش‌بینی بازده سهام مقایسه شده است. بازدهی مورد انتظار سرمایه‌گذاران در بورس‌هایی که شرکت‌ها از اهرم بالاتری استفاده می‌کنند، بیش از سایر بورس‌های است. مارتین لالی تخفین زن مرتبط با زمان برای صرف ریسک بازار معروفی کرد که در آن میزان اهرمی بودن شرکت‌ها مورد توجه قرار گرفته بود. به عبارت دیگر با توجه به تغییرات نسبت بدھی شرکت‌ها (نسبت جمع بدھی شرکت‌ها به جمع ارزش شرکت‌ها)، صرف ریسک بازار تغییر کرده و هر چه میزان اهرم بازار و ریسک مالی بازار بالاتر رود، بازدهی مورد انتظار نیز افزایش خواهد یافت. اما مدل‌های سیگل و ایبوتون اهرم بازار را در اندازه‌گیری صرف ریسک بازار بی‌تأثیر می‌دانند و آنرا در طول زمان ثابت فرض می‌کنند. در این راستا بر اساس داده‌های جمع‌آوری شده از ۶۹ شرکت پذیرفه شده در بورس اوراق بهادار تهران از سال ۱۳۸۱ تا ۱۳۸۷ با الگوی داده‌های سری زمانی، بازدهی سه ماهه شرکت‌های نمونه به عنوان مبنای آزمون‌ها محاسبه و بکار گرفته شده است. نتایج تحقیق نشان می‌دهد که مدل لالی (تأثیر اهرم‌های بازار)، در مقایسه با مدل‌های ایبوتون و سیگل به شکل قوی‌تری بازده سهام را تبیین می‌کند. این موضوع را می‌توان به استفاده زیاد شرکت‌های بورس تهران از اهرم مالی نسبت داد.

واژه‌گان کلیدی: بازده مازاد بازار، اهرم بازار، مدل ایبوتون، مدل لالی، مدل سیگل

طبقه‌بندی JEL: G12, G17

#### مقدمه

سرمایه‌گذاری در سهام ریسک بیشتری نسبت به سایر سرمایه‌گذاری‌ها در انواع دیگر اوراق بهادر دارد، از این رو انتظار بازده در این سرمایه‌گذاری نسبت به سایر سرمایه‌گذاری‌ها بیشتر است. سهامداران اولویتی بر دارایی‌های شرکت در زمان ورشکستگی تا تسویه نهایی ندارند و در عوض امتیاز آن‌ها در کسب صرف ریسک است. در مدل قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای (CAPM) که توسط شارپ، لینتر، موسین بیان شد، صرف ریسک بازار همان مازاد بازده بازار نسبت به بازده بدون ریسک است. صرف ریسک بازار<sup>۱</sup> به طور قابل ملاحظه‌ای در ادبیات مدیریت مالی مورد بحث قرار می‌گیرد و یکی از عوامل مهم در تعیین بازدهی مورد انتظار در مدل CAPM است. برآورد خوب از صرف ریسک بازار، باعث تصمیم‌گیری بهتر در سرمایه‌گذاری و مدیریت کارای سبد سهام می‌شود. روش‌های متعددی جهت برآورد آن پیشنهاد شده است که شامل روش‌های: میانگین تاریخی، پیش‌بینی آینده<sup>۲</sup> و روش متغیر بودن طی زمان<sup>۳</sup>. روش میانگین تاریخی شامل سه روش لالی<sup>۴</sup> [۱۰]، ایبوتсон و سینکوئیفیلد<sup>۵</sup> [۷] و سیگل<sup>۶</sup> [۱۴] است که در این تحقیق معرفی و مقایسه گردیده‌اند.

در روش پیش‌بینی آینده جهت برآورد صرف ریسک بازار که روشی متفاوت از روش میانگین تاریخی است، از انتظارات آینده استفاده می‌شود و شامل دو مدل اصلی است: مدل تنزیل سودهای سهام نقدی<sup>۷</sup> و مدل سود باقیمانده<sup>۸</sup>. در مدل تنزیل سودهای سهام نقدی، بازده مورد انتظار بازار به عنوان نرخ تنزیل بوده و ارزش بازار سبد سهام توسط تنزیل سودهای سهام نقدی مورد انتظار آتی برآورد می‌شود. در مدل سود باقیمانده که مشتق شده از روش تنزیل سودهای سهام نقدی است، ارزش حقوق صاحبان سهام برابر است با مجموع ارزش دفتری حقوق صاحبان سهام و ارزش فعلی سودهای غیرعادی مورد انتظار. روش متغیر بودن طی زمان توسط مرتون<sup>۹</sup> [۱۲] عنوان شد و بر این اساس، صرف ریسک بازار

1. Market Risk Premium

2. Forward – Looking

3. Time – Varying

4. Lally

5. Ibbotson & Sinquefield

6. Siegel

7. Dividend Discount Model

8. Residual Income Model

9. Merton

در افق‌های مختلف زمانی تغییر می‌کند. لالی مدل مرتون را جهت برآورده صرف ریسک بازار توسعه داد. البته مبنای کار لالی مدل میلر و مودیلیانی [۱۳] بود و بر اساس این مدل، تأثیر اهرم بازار (نسبت بدھی شرکت‌ها به حقوق صاحبان سهام) بر صرف ریسک بازار مورد بررسی قرار گرفت و بر این اساس مدل جدید ارایه گردید [۱۱].

### بیان موضوع و اهمیت آن

موضوع تحقیق پیش‌رو، معرفی مدل‌های مختلف برآورده بازار (صرف ریسک بازار)، و معرفی مدلی با در نظر گرفتن اهرم بازار در بورس اوراق بهادر تهران و نهایتاً توان مقایسه‌ای این مدل‌ها در پیش‌بینی بازدهی سهام است. تحقیق در برآورده صرف ریسک بازار، به گونه‌ای است که بتواند مدیران سبد سهام و سرمایه‌گذاران را در بهینه سازی سرمایه‌گذاری‌ها در بورس اوراق بهادر یاری نماید. موضوع اساسی این تحقیق توجه به جمع حقوق صاحبان سهام و جمع بدھی‌های شرکت‌های بورس اوراق بهادر تهران، جهت محاسبه اهرم بازار است. اهمیت موضوع به رو به رشد بودن بورس اوراق بهادر و تلاش در جهت هدایت آن به سمت کارایی هرچه بیشتر بر می‌گردد. کارایی بورس اوراق بهادر تهران کمک خواهد نمود تا منابع مالی جامعه به سمت فعالیت‌های اقتصادی که از توجیهات فنی و اقتصادی برخوردارند، هدایت شوند (تخصیص بهینه منابع). از طرفی اهمیت موضوع به فرصت‌هایی که در صورت نبود معیاری صحیح و مناسب تعیین نرخ بازده مورد انتظار به وجود خواهد آمد، اشاره دارد. اگر در بورس اوراق بهادر تهران معیاری مناسب جهت تعیین صرف ریسک وجود نداشته باشد، در این شرایط سهام شرکت‌ها همواره کمتر یا بیشتر از ارزش واقعی خود قیمت‌گذاری می‌شود و پروژه‌های تولیدی نیز به دقت مورد ارزیابی اقتصادی قرار نمی‌گیرند.

استفاده شرکت‌ها از اهرم مالی (ایجاد بدھی) در بورس اوراق بهادر تهران به علت فاصله زیاد هزینه تأمین مالی از طریق بانک و بازار سهام، به تمایل شرکت‌ها برای اهرمی شدن منجر شده است. از طرفی این اهرم موجب بالا رفتن ریسک می‌شود و تفاوت شرکت‌ها در استفاده از اهرم، به تفاوت بازدهی مورد انتظار سرمایه‌گذاران منجر می‌شود. بنابراین توجه به اهرم‌های بازار و صرف ریسک بازار، می‌توان بازده مورد انتظار سرمایه‌گذاران را بهتر اندازه‌گیری کرد.

### مرواری بر پیشنه تحقیق و مبانی نظری

نظریه‌های مختلفی بر پایه فرضیه بازار کارا، سعی می‌کنند رفتار سرمایه‌گذاران را توجیه کنند. نظریه سبد سهام<sup>۱</sup>، مدل قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای، مدل سه عاملی فاما و فرنچ، مدل قیمت‌گذاری آریترائز، نظریه نمایندگی از جمله این مدل‌ها هستند. مدیران سرمایه‌گذاری، مدیران سبد سهام، و سایر اشخاص حقیقی و حقوقی که در بازار سرمایه به معامله سهام و سایر دارایی‌های مالی می‌پردازنند، برای حفظ و افزایش ارزش سبد سرمایه‌گذاری خود نیاز به بررسی عوامل مختلف موثر بر بازده سرمایه‌گذاری در شرایط متفاوت اقتصادی دارند. اساس مدل قیمت‌گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای بر این فرض استوار است که سرمایه‌گذاران با استفاده از نظریه سبد سهام و کاهش ریسک سیستماتیک، بنا به درجه ریسک‌گریزی خود، یکی از سبد‌های کارای سهام را انتخاب می‌کنند. در این مدل، نرخ بازده مورد انتظار سرمایه‌گذار رابطه مستقیم با ریسک دارد. به عبارت دیگر، اگر سرمایه‌گذار ریسک بیشتری تحمل کند، بازده بیشتری نیز انتظار خواهد داشت. در این مدل که به عنوان مدلی کاربردی، به شکلی وسیع مورد استفاده تحلیل‌گران و بانک‌های سرمایه‌گذاری در عرصه بین‌المللی و شرکت‌های تأمین سرمایه در ایران قرار می‌گیرد، صرف ریسک بازار عاملی مهم است که در محاسبه آن باید دقت کرد.

صرف ریسک بازار در حقیقت جبران ریسک سرمایه‌گذاری است که به فرد تعلق می‌گیرد. به بیان دیگر اگر سرمایه‌گذاری در دارایی بدون ریسک سرمایه‌گذاری کند، بازدهی متناسبی در نظر دارد، ولی بازار به علت پذیرش ریسک از طرف سرمایه‌گذار، به او جایزه‌ای می‌دهد که به عنوان جایزه پذیرش ریسک یا صرف ریسک بازار نامیده می‌شود. اندازه‌گیری صرف ریسک بازار به یکی از پرمجادله‌ترین مباحث در ادبیات مالی تبدیل شده و محققین مختلف روش‌هایی را ارایه دادند که توسط دیگر محققین مورد کنکاش و گاه انتقاد واقع شده و روش‌های دیگری نیز ارایه گردیده است.

محاسبه صرف ریسک بازار کاربردهای وسیعی در محاسبات مالی و تحلیل‌گری مالی دارد، از جمله تحلیل‌های سرمایه‌گذاری (بودجه‌بندی سرمایه‌ای)، ارزشیابی اوراق بهادر، تحلیل‌های هزینه و فایده، بررسی وضعیت مالی شرکت‌ها و ... .

ایبوتсон و سینکوفیلد اولین بار مدلی برای اندازه‌گیری صرف ریسک سالانه برای افق بلندمدت در بازار امریکا ارایه دادند. فرض آن‌ها ثابت ماندن صرف ریسک بازار در بلندمدت بود و مدل آن‌ها نیز بر همین اساس ارائه شده بود [۷]. تحقیق آن‌ها اطلاعات سال‌های ۱۹۲۶ تا ۱۹۷۴ را در برداشت و سال‌ها مورد استفاده محققین دانشگاهی و تحلیل-گران مالی بود. بر اساس این مدل، صرف ریسک بازار برای سال ۲۰۰۰ معادل ۷.۹٪ پیش-بینی شد که با عدد واقعی یعنی ۶٪ تفاوت زیادی نداشت. در این مدل بازدهی بازار، بازدهی شاخص S&P 500 بود که تا آن زمان سود تقسیمی را در بر نداشت و نتایج نهایی هم بر اساس ارزش بازار و هم بر اساس ارزش‌های تعدیل شده بر اساس تورم ارایه شده بود.

$$\hat{MRP}_I = \bar{R}_M - \bar{R}_f$$

$\hat{MRP}_I$ : تخمین زن ایبوتсон برای صرف ریسک بازار

$\bar{R}_M$ : میانگین حسابی بازدهی بازار

$\bar{R}_f$ : میانگین حسابی بازدهی بدون ریسک

انتقادات زیادی بر این روش مطرح گردید از جمله نبود ثبات در ساختار بازار در بلندمدت، اشکال محاسباتی از طریق میانگین حسابی، وجود اتفاقات خاص.

جرمی سیگل به روش ایبوتсон در خصوص در نظر گرفتن نرخ تورم انتقاد وارد کرد. در دوره سال‌های تحقیق، نرخ تورم بالا بوده (خصوصاً در سال‌های ۱۹۸۵ تا ۱۹۸۵) و به همین علت نرخ صرف ریسک بازار نیز به سمت بالا دارای تورش است. در مورد اوراق خزانه، نرخ تورم بی تأثیر بوده در حالی که بر بازدهی مورد انتظار سهام اثرگذار است. به همین علت شیوه‌ای که سیگل پیشنهاد کرد متوسط حسابی نرخ بازده بازار پس از کسر بازده مورد انتظار بدون ریسک (به جای متوسط حسابی نرخ بازده بدون ریسک در روش ایبوتсон) [۱۴].

$$\hat{MRP}_S = \bar{R}_m - R_f$$

$\hat{MRP}_S$ : تخمین زن سیگل برای صرف ریسک بازار

$\bar{R}_m$ : میانگین حسابی بازدهی بازار

$R_f$ : تخمین بازدهی بدون ریسک

مقدار بدست آمده از شیوه سیگل کمتر از مقدار بدست آمده از روش ایبوتیون خواهد بود. به عنوان مثال مقدار به دست آمده برای نیوزیلند از روش سیگل برای دوره سال‌های ۱۸۰۲ تا ۱۹۹۰ نصف مقدار بدست آمده از روش ایبوتیون است [۸].

پابلو فرناندز تحقیق خود را از طریق ارسال ۷۵۰۰ نامه الکترونیک در نهم و دهم ژانویه ۲۰۰۹ راجع به درصد استفاده و روش برآورد صرف ریسک بازار انجام داد. این نامه‌های الکترونیک به کارشناسان مالی و اقتصادی ارسال شد و در دوازدهم فوریه ۲۰۰۹ حدود ۱۱۶۱ جواب دریافت کرد که از این تعداد ۷۵۲ نفر مدل برآورد از صرف ریسک بازار را ارسال کردند. توزیع جغرافیایی نامه‌های دریافتی ۶/۵٪ در کشور آمریکا، ۳/۵٪ در اروپا، ۴/۵٪ کانادا، ۶/۵٪ انگلستان، ۹/۵٪ استرالیا بود [۵].

مارتین لالی تخمین زن مرتبط با زمان<sup>۱</sup> برای صرف ریسک بازار معرفی کرد که در آن هزینه سرمایه و میزان اهرمی بودن شرکت‌ها مورد توجه قرار گرفته بود. به عبارت دیگر با توجه به تغییرات نسبت بدھی شرکت‌ها (نسبت جمع بدھی شرکت‌ها به جمع ارزش شرکت‌ها)، صرف ریسک بازار تغییر کرده و هر چه میزان اهرم بازار و ریسک مالی بازار بالاتر رود، بازدهی مورد انتظار نیز افزایش خواهد یافت. وی دوره مناسب جهت تعیین نرخ بازده بدون ریسک که همان نرخ اوراق خزانه می‌باشد را پنج ساله عنوان کرد و دلیل آن را عمر مفید دارایی‌های مورد استفاده در طی این مدت عنوان کرد [۱۰].

$$MRP_t = (\bar{R}_m^u - \bar{R}_f) \left( 1 + \frac{B_{mt}}{S_{mt}} \right) - (\bar{R}_d - \bar{R}_f) \left( \frac{B_{mt}}{S_{mt}} \right)$$

$MRP_t$  = صرف ریسک بازار در زمان  $t$

$\bar{R}_m$  = میانگین حسابی نرخ بازده بازار در مدت زمانی بلندمدت که در تمام سال‌ها ثابت

است

$\bar{R}_m^u$  = میانگین حسابی نرخ بازده بازار بدون در نظر گرفتن اهرم بازار

$\bar{R}_f$  = میانگین نرخ بازده بدون ریسک

$B_{mt}$  = مجموع بدھی‌های بهره‌دار شرکت‌های پذیرفته شده در بورس در سال  $t$

$S_{mt}$  = مجموع حقوق صاحبان سهام شرکت‌های پذیرفته شده در بورس در سال  $t$

$Rdt$  = نرخ اوراق مشارکت شرکتی

1. Time-Varying Market Risk Premium (MRP) Estimator

$\bar{R}_d = \text{میانگین نرخ اوراق مشارکت شرکتی}$   
جهت محاسبه  $R_{mu}$  از فرمول زیر استفاده شده است:

$$R_{mt}^u = \frac{R_{mt} + R_{dt} \left( \frac{B_{mt}}{S_{mt}} \right)}{1 + \frac{B_{mt}}{S_{mt}}}$$

چای<sup>۱</sup> اقدام به بررسی روش ایبوتیون در شرکت‌های تولیدی کرد و برای تشکیل سبد سهام، از روش‌های تصادفی و مرحله‌ای استفاده کرد. جامعه آماری تحقیق شامل شرکت‌های بورس اوراق بهادار نیوزیلند و قلمرو زمانی تحقیق سال‌های ۱۹۹۳-۱۹۹۵ بود. او در مجموع ۹۳ سبد سهام به عنوان سبد‌های سرمایه‌گذاری تشکیل داد. هر سبد سرمایه‌گذاری از ۱۴۶ شرکت تشکیل شده بود که بدون جایگزینی انتخاب شدند. هدف تحقیق بررسی کارایی مدل ایبوتیون نسبت به روش CAPM استاندارد بود. پس از تجزیه و تحلیل آماری چنین نتیجه‌گیری شد که مدل ایبوتیون اندکی بهتر از مدل CAPM استاندارد، جهت تصمیم‌گیری برای سرمایه‌گذاران است [۳ و ۴].

پرایس واترهاوس کوپرز<sup>۲</sup>، تحقیقی پیرامون مقایسه مدل سیگل با مدل CAPM استاندارد انجام داد. هدف تحقیق، تعیین قابلیت اتکا و مفید بودن مدل سیگل در مقایسه با مدل CAPM استاندارد بود. در این تحقیق، از اطلاعات مرکزی خود مؤسسه استفاده شد. دوره زمانی تحقیق سال‌های ۱۹۹۲-۲۰۰۲ و جامعه آماری شامل شرکت‌های عضو بورس امریکا (امکس)<sup>۳</sup> به تعداد ۱۹۳ شرکت بود. پس از تجزیه و تحلیل‌های آماری، نتایج نشان داد که کارکرد مدل CAPM استاندارد نه تنها ضعیف نیست بلکه شواهد کاملاً حمایت-کننده است. عامل میانگین‌گیری بازده بازار در دوره زمانی دارای اهمیت نبود. ضریب بتا ( $\beta$ ) عاملی قوی در تشریح بازده مورد انتظار محسوب شد و نتیجه نهایی این بود که بازده مورد انتظار به عوامل عنوان شده در مدل سیگل بستگی ندارد.

باندری<sup>۴</sup> نشان داد شرکت‌هایی که اهرم بالایی دارند (نسبت بدھی به حقوق صاحبان سهام) نسبت به شرکت‌هایی که اهرم پایینی دارند، در دوره ۱۹۷۹-۱۹۴۸، میانگین بازدهی

1. Chay

2. Price Water house Coopers

3. American Stock Exchange (AMEX)

4. Behandari

بالاتری دارند. این نتیجه پس از منظور کردن بتا و اندازه‌ی شرکت به عنوان متغیرهای توضیحی نیز هم‌چنان پابرجا بود. اهرم بالا، درجه ریسکی بودن سهام شرکت را افزایش می‌دهد، ولی این افزایش ریسک باید در ضریب بتای توضیحی بالاتر منعکس شود. نتایج وی نیز نشان دهنده تضاد با پیش‌بینی‌های مدل CAPM است [۲].

هاریس و ماستون<sup>۱</sup> با پیش‌بینی پنج ساله نرخ رشد و آنالیزهای ارزش ویژه سهام برای دوره ۱۹۹۱-۱۹۸۲ برای بورس آمریکا میانگین صرف ریسک بازار را برای این دوره‌ها را ۶/۴٪ برآورد کرده بودند [۶].

دنی بائو<sup>۲</sup> نیز با مقایسه روش آیوتسون و لالی در سال ۲۰۰۸ از بورس نیوزیلند طی سال‌های ۱۹۶۰ تا ۲۰۰۵ به این نتیجه رسیدند که در مجموع این دو روش تفاوت معنی‌داری نداشته و فقط در شرایطی که استفاده از اهرم، در شرکت‌های بورسی بیشتر می‌شود، نتایج دو روش تفاوت معناداری خواهد داشت [۱].

### مسئله تحقیق و تعریف متغیرها

لالی با توجه به یافته‌های خود در سال ۲۰۰۴ به بررسی تأثیر اهرم بازار (نسبت بدھی به حقوق صاحبان سهام) بر بازده سبد سهام، پرداخت [۸]. درواقع او به الگوی CAPM علاوه بر ریسک، عامل دیگر یعنی اهرم بازار را نیز افزود. این مدل در کشور نیوزیلند مورد آزمون قرار گرفت و شواهد حمایت‌کننده‌ای نیز یافت شده است. آزمون و مقایسه عملکرد این مدل با مدل‌های متعارف، در بورس اوراق بهادر تهران در جهت کمک به سرمایه گذاران برای اخذ تصمیمات سرمایه‌گذاری بهینه مفید است. لالی تغییری در مدل قیمت گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای فوق داد و آن را مدل قیمت گذاری دارایی‌های سرمایه‌ای تغییر یافته لالی نامید که در آن مدل تغییر یافته، به بدھی‌های بهره‌دار بنام اهرم بازار توجه خاص شد.

محقق بر آن است به این سؤال پاسخ دهد که:

آیا به کارگیری مدل لالی در بورس اوراق بهادر پیش‌بینی بازده سهام را بهبود می‌بخشد یا خیر؟

جهت پاسخ به سوال مطرح شده فوق فرضیه زیر مطرح و مورد آزمون قرار می‌گیرد:

1. Bao

2. Harris & Marston

بازده پیش‌بینی شده بازار طبق مدل لالی (با در نظر گرفتن اهرم بازار) در مقایسه با روش معمول ایبوتсон و سیگل بازده واقعی بازار را با خطای کمتری پیش‌بینی می‌کند.

برای محاسبه صرف ریسک بازار از روش عادی CAPM به شیوه زیر عمل شده است:

$$MRP_t^{\text{Ibbotson}} = \bar{R}_m - \bar{R}_f$$

در این مورد بازدهی بازار ( $R_m$ ) در افق‌های زمانی ۳ ماهه و نرخ بازده بدون ریسک ( $R_f$ ) نیز در افق‌های زمانی ۳ ماهه مورد استفاده قرار گرفته‌اند. بنابراین هر دو عدد در طول زمان تغییر می‌کند.

برای محاسبه صرف ریسک بازار از روش سیگل به شیوه زیر عمل شده است:

$$\hat{MRP}_t^{\text{Siegel}} = \bar{R}_m - R_f$$

در این مورد بازدهی بازار ( $\bar{R}_m$ ) به صورت میانگین حسابی ۵ ساله محاسبه شده که در طول زمان ثابت نیز فرض شده است و نرخ بازده بدون ریسک ( $R_f$ ) نیز در افق‌های زمانی ۳ ماهه مورد استفاده قرار گرفته‌اند (نرخ اوراق مشارکت میانگین وزنی نرخ اوراق مشارکت در هر سال است که وزن عبارتست از ارزش اوراق فروش رفته).

برای محاسبه صرف ریسک بازار از روش لالی به شیوه زیر عمل شده است:

$$MRP_t^{\text{Lally}} = (\bar{R}_m^u - \bar{R}_f)(1 + \frac{B_{mt}}{S_{mt}}) - (\bar{R}_d - \bar{R}_f)(\frac{B_{mt}}{S_{mt}})$$

$=$  صرف ریسک بازار در زمان  $t$  با استفاده از روش لالی  $= MRP_t$

$\bar{R}_m^u =$  میانگین حسابی نرخ بازده بازار (TEDPIX) برای سال‌های ۱۳۸۱ تا ۱۳۸۵ که در

تمام سال‌ها ثابت است

$\bar{R}_m^u =$  میانگین حسابی نرخ بازده بازار (TEDPIX) بدون در نظر گرفتن اهرم بازار

$\bar{R}_f =$  میانگین نرخ بازده بدون ریسک برای اوراق مشارکت دولتی بودجه‌ای

$B_{mt} =$  مجموع بدھی‌های هزینه‌دار شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادر

تهران در سال  $t$  (بدھی هزینه‌دار عبارتست از تسهیلات بانکی + اوراق مشارکت)

$S_{mt} =$  مجموع حقوق صاحبان سهام شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادر

تهران در سال  $t$

$R_{dt} =$  نرخ اوراق مشارکت شرکتی

میانگین نرخ اوراق مشارکت شرکتی ( $\bar{R}_d$ ) نرخ اوراق مشارکت میانگین وزنی نرخ اوراق مشارکت در هر سال است که وزن عبارتست از ارزش اوراق فروش رفته) برای محاسبه  $R_{mu}$  از فرمول زیر استفاده شده است:

$$R_{mu}^u = \frac{R_{mt} + R_{dt} \left( \frac{B_{mt}}{S_{mt}} \right)}{B} \\ 1 + \frac{\frac{m_t}{S_{mt}}}{}$$

برای محاسبه صرف ریسک بازار از روش ایبوتیون به شیوه زیر عمل شده است:

$$M\hat{R}P_S = \bar{R}_m - \bar{R}_f$$

در این مورد بازدهی بازار ( $\bar{R}_m$ ) و نرخ بازده بدون ریسک ( $\bar{R}_f$ ) به صورت میانگین حسابی ۵ ساله محاسبه شده که در طول زمان ثابت نیز فرض شده است.

جدول ۱. نرخ بازده بازار و بازده بدون ریسک برای سال‌های ۱۳۸۷ تا ۱۳۸۱

سال	سه ماهه	بازده بازار	بازده بدون ریسک
1381	1	0.1594	0.0375
	2	0.1957	0.0375
	3	0.0802	0.0375
	4	0.0221	0.0375
1382	1	0.3300	0.0425
	2	0.3815	0.0425
	3	0.1712	0.0425
	4	0.0903	0.0425
1383	1	0.0673	0.0425
	2	0.1709	0.0425
	3	0.0034	0.0425
	4	-0.1032	0.0425
1384	1	0.0396	0.0401
	2	-0.1066	0.0401
	3	0.0014	0.0401
	4	-0.0755	0.0401
1385	1	0.0292	0.0388
	2	0.0648	0.0388
	3	0.0575	0.03875
	4	-0.0136	0.03875
1386	1	-0.0350	0.03875
	2	0.1815	0.03875
	3	-0.0446	0.03875
	4	0.0562	0.03875
1387	1	0.1732	0.045
	2	0.0922	0.045
	3	-0.2440	0.045
	4	-0.1000	0.045

### جامعه و نمونه

در تحقیق حاضر جامعه مورد مطالعه شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران می‌باشد. از آن‌جا که این جامعه در دهه ۱۳۸۰ از لحاظ کمی در حال تغییر بوده است و بعضی اعضاء جامعه در سال‌هایی از این‌دهه با رکود معاملات سهام خود مواجه بوده‌اند و هم‌چنین از لحاظ تهیه صورت‌های مالی ۳ ماهه از ابتدای سال ۸۱ موظف به تهیه صورت‌های مالی ۳ ماهه گردیده‌اند، بنابراین در انتخاب نمونه محدودیت‌هایی وجود داشته است و بر اساس محدودیت‌های مطرح شده، اقدام به غربال‌گری جامعه شده است. آن دسته از واحدهای تجاری که سال مالی آن‌ها به اسفند ختم می‌شود و در محدوده سال‌های ۱۳۸۱ الی ۱۳۸۷ سهام آن‌ها در گردش معاملات قرار داشته است و هم‌چنین تهیه صورت‌های مالی ۳ ماهه آن‌ها ارائه شده‌اند، انتخاب شود و آن گروه از واحدهای تجاری که فاقد شرایط مذکورند حذف گردند. با توجه به غربال‌گری انجام شده و سطح اطمینان ۹۵٪:

حجم نمونه ۹۶ شرکت در نظر گرفته شده است:

برای انتخاب نمونه از روش نمونه‌گیری تصادفی ساده (بدون جاگذاری) استفاده شد. قلمرو زمانی این تحقیق ۷ ساله و از ابتدای سال ۱۳۸۱ تا پایان سال ۱۳۸۷ بوده است. از ابزارهای چهارگانه جمع‌آوری داده‌ها و اطلاعات، ابزار اندازه‌گیری مورد استفاده در تحقیق حاضر ابزار مراجعه به اسناد و مدارک (از قبیل نرم افزار رهآوردنوین بورس، CD اطلاعات شرکت خدمات بورس، اینترنت و مجلات) استفاده شده است.

### روش تحقیق و آماره مورد استفاده جهت آزمون فرضیه

برای آزمون فرضیه‌ها و بررسی توان پیش‌بینی صرف ریسک بازار توسط مدل لالی، دو دوره تعریف شده است. در این راستا، کل بازه ۷ ساله تحقیق به دو زیر‌بازه تقسیم شده است. زیر‌بازه اول (دوره مبنا) که در مدل‌های پژوهش، ID، است مشتمل بر ۲۰ دوره سه ماهه است (از ۱/۱/۱۳۸۱ تا ۱۳۸۵/۱۲/۳۰) و زیر‌بازه دوم، که در مدل‌ها، ID+1، است؛ شامل ۸ دوره سه ماهه است (۱۳۸۶/۱/۱ تا ۱۳۸۷/۱۲/۳۰) که دوره تخمین تعریف شده است. به‌این ترتیب براساس اطلاعات واقعی صرف ریسک بازار و بازده واقعی ۶۹ شرکت متعلق به ID، یعنی ۲۰ دوره سه ماهه مقدار  $\alpha$  و  $\beta$  برای رگرسیون گیری ۶۹ شرکت محاسبه شد و سپس بر اساس اطلاعات تاریخی دوره مبنا مقدار  $\hat{MRP}$  سه روش ایبوتیون، لالی

و سیگل برآورد می‌شود. بر اساس ضرایب بدست آمده، بازده دوره ID+1، یعنی ۸ دوره سه ماهه طبق سه روش ایبوتсон، لالی و سیگل پیش‌بینی شده است. این کار برای هر شرکت از طریق ۳ مدل محاسبه شده و سپس با اعداد واقعی بازدهی دوره ID+1، مقایسه شده و خطای تخمین به دست آمده است. در پایان روشی که دارای کمترین خطای تخمین ۱ بوده به عنوان روش دقیق‌تر معرفی گردیده است. شما کلی و تشریح مراحل به- طور خلاصه شامل:

۱. ابتدا برای ۲۰ دوره سه ماهه (دوره مبنای ID) بازدهی ۶۹ شرکت به عنوان متغیر وابسته و صرف ریسک بازار به عنوان متغیر مستقل محاسبه گردیده است. با اجرای مدل‌های رگرسیون، رابطه بین بازدهی سهم (متغیر وابسته) و صرف ریسک بازار (متغیر مستقل)، بررسی گردید. بدین ترتیب در این مرحله، مدل‌های گویا انتخاب شدند. مدل کلی رگرسیون کلی به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$r_{i,81-85} = \alpha_{i,81-85} + \beta_{i,81-85} MRP_{81-85} + \varepsilon_{i,81-85}$$

در معادله بالا، مقادیر MRP، مقادیر واقعی تفاضل بازار از بازده بدون ریسک برای سری زمانی سال‌های ۱۳۸۱ تا ۱۳۸۵ است. برای بررسی فروض کلاسیک از آزمون دوربین-واتسون برای اطمینان از نبود همبستگی بین پسماندها، تصحیح وايت برای جداسازی ناهمسانی واریانس و آزمون F برای تصریح مدل‌های رگرسیون استفاده شده است. هم‌چنین برای آزمون معناداری ضریب متغیر مستقل، از آزمون t استفاده شده است.

۲. برای دوره تخمین (ID+1) با استفاده از ضرایب بدست آمده از مدل رگرسیون برآورد شده ۲۰ دوره سه ماهه، بازدهی مورد انتظار هر شرکت تخمین زده شده است. ضمناً مقدار تخمین زده از روش لالی برای صرف ریسک بازار ( $\hat{MRP}_{86-87}^{Lally}$ ) در این معادله در نظر گرفته می‌شود که جداگانه تخمین زده شده است. برای سایر روش‌های بهمین صورت قابل تعریف است.<sup>۲</sup>

$$\hat{r}_{i,86-87} = \alpha_{i,81-85} + \beta_{i,81-85} \hat{MRP}_{86-87}^{Lally}$$

$$\hat{r}_{i,86-87} = \alpha_{i,81-85} + \beta_{i,81-85} \hat{MRP}_{86-87}^{Ibbotson}$$

#### 1. Minimum Standard Error

۲. با توجه به این که در این در این تحقیق ۳۶۹ یعنی ۲۰۷ رگرسیون تخمین زده شده، از بازگو کردن نتایج و ضرایب به علت ضيق مکان خودداری شده است.

$$\hat{r}_{i,\Delta t-\Delta T}^{\text{Siegel}} = \alpha_{i,\Delta t-\Delta T} + \beta_{i,\Delta t-\Delta T} \hat{MRP}_{\Delta t-\Delta T}^{\text{Siegel}}$$

جدول ۱. مدل‌های رگرسیون تخمین بازده مورد انتظار برای سال‌های ۱۳۸۶ تا ۱۳۸۷

شرکت‌ها	پیش‌بینی بازده	
۱	MRP <sub>Ibbotson</sub>	$\hat{r}_{1,\Delta t-\Delta T}^{\text{Ibbotson}} = \alpha_{1,\Delta t-\Delta T} + \beta_{1,\Delta t-\Delta T} \hat{MRP}_{\Delta t-\Delta T}^{\text{Ibbotson}}$
	MRP <sub>Lally</sub>	$\hat{r}_{1,\Delta t-\Delta T}^{\text{Lally}} = \alpha_{1,\Delta t-\Delta T} + \beta_{1,\Delta t-\Delta T} \hat{MRP}_{\Delta t-\Delta T}^{\text{Lally}}$
	MRP <sub>Siegel</sub>	$\hat{r}_{1,\Delta t-\Delta T}^{\text{Siegel}} = \alpha_{1,\Delta t-\Delta T} + \beta_{1,\Delta t-\Delta T} \hat{MRP}_{\Delta t-\Delta T}^{\text{Siegel}}$
۲	MRP <sub>Ibbotson</sub>	$\hat{r}_{2,\Delta t-\Delta T}^{\text{Ibbotson}} = \alpha_{2,\Delta t-\Delta T} + \beta_{2,\Delta t-\Delta T} \hat{MRP}_{\Delta t-\Delta T}^{\text{Ibbotson}}$
	MRP <sub>Lally</sub>	$\hat{r}_{2,\Delta t-\Delta T}^{\text{Lally}} = \alpha_{2,\Delta t-\Delta T} + \beta_{2,\Delta t-\Delta T} \hat{MRP}_{\Delta t-\Delta T}^{\text{Lally}}$
	MRP <sub>Siegel</sub>	$\hat{r}_{2,\Delta t-\Delta T}^{\text{Siegel}} = \alpha_{2,\Delta t-\Delta T} + \beta_{2,\Delta t-\Delta T} \hat{MRP}_{\Delta t-\Delta T}^{\text{Siegel}}$
...	...	...
۶۹	MRP <sub>Ibbotson</sub>	$\hat{r}_{69,\Delta t-\Delta T}^{\text{Ibbotson}} = \alpha_{69,\Delta t-\Delta T} + \beta_{69,\Delta t-\Delta T} \hat{MRP}_{\Delta t-\Delta T}^{\text{Ibbotson}}$
	MRP <sub>Lally</sub>	$\hat{r}_{69,\Delta t-\Delta T}^{\text{Lally}} = \alpha_{69,\Delta t-\Delta T} + \beta_{69,\Delta t-\Delta T} \hat{MRP}_{\Delta t-\Delta T}^{\text{Lally}}$
	MRP <sub>Siegel</sub>	$\hat{r}_{69,\Delta t-\Delta T}^{\text{Siegel}} = \alpha_{69,\Delta t-\Delta T} + \beta_{69,\Delta t-\Delta T} \hat{MRP}_{\Delta t-\Delta T}^{\text{Siegel}}$

در معادله‌های بالا، مقادیر MRP تخمین زده شده‌اند و ضرایب از اولین معادله رگرسیون بدست آمده است. برای بررسی فروض کلاسیک از آزمون دوربین-واتسون برای اطمینان از نبود همبستگی بین پسماندها، تصحیح وایت برای جداسازی ناهمسانی واریانس و آزمون F برای تصریح مدل‌های رگرسیون استفاده شده است. همچنین برای آزمون معناداری ضریب متغیر مستقل، از آزمون  $t$  استفاده شده است.

۳. برای تعیین این که کدامیک از مدل‌های اشاره شده، در تعیین بازده مورد انتظار سهام دقت بیشتری داردند، مقادیر خطای تخمین محاسبه شده و هر کدام که مجدد خطا کمتری داشته باشد، به عنوان مدل بهتر انتخاب خواهد شد.

$$e_i^{\text{Lally}} = \hat{r}_{i,\Delta t-\Delta T}^{\text{Lally}} - r_{i,\Delta t-\Delta T}^{\text{Real}}$$

$$e_i^{\text{Ibbotson}} = \hat{r}_{i,\Delta t-\Delta T}^{\text{Ibbotson}} - r_{i,\Delta t-\Delta T}^{\text{Real}}$$

$$e_i^{\text{Siegel}} = \hat{r}_{i,\Delta t-\Delta T}^{\text{Siegel}} - r_{i,\Delta t-\Delta T}^{\text{Real}}$$

$$\text{Min} \left\{ \sum_{i=1}^{69} e_i^{\text{Lally}}, \sum_{i=1}^{69} e_i^{\text{Ibbotson}}, \sum_{i=1}^{69} e_i^{\text{Siegel}} \right\}$$

جدول ۲. محاسبه مجدد خطا تخمین هر روش

شرکت‌ها	$e_{i,Lally}^r$	$e_{i,Ibbotson}^r$	$e_{i,Siegel}^r$
۱	MSE <sub>۱,Lally</sub>	MSE <sub>۱,Ibbotson</sub>	MSE <sub>۱,Siegel</sub>
۲	MSE <sub>۲,Lally</sub>	MSE <sub>۲,Ibbotson</sub>	MSE <sub>۲,Siegel</sub>
...	...	...	...
۶۹	MSE <sub>۶۹,Lally</sub>	MSE <sub>۶۹,Ibbotson</sub>	MSE <sub>۶۹,Siegel</sub>
	$\sum_{i=1}^{69} e_{i,Lally}^r$	$\sum_{i=1}^{69} e_{i,Ibbotson}^r$	$\sum_{i=1}^{69} e_{i,Siegel}^r$

## ارزیابی و تشریح نتایج آزمون فرضیه‌ها

ابتدا مقادیر تخمین صرف ریسک بازار بر اساس هر روش محاسبه شد که نتایج آن در جدول شماره ۳ ارایه شده است.

جدول ۳. تخمین صرف ریسک سالانه بازار هر روش

سیگل	ایبوتсон	لالی	$\hat{MRP}_{۸۶-۸۷}$
%۱۳.۲	%۱۵.۲۴	%۱۷.۶	

سپس با اجرای مراحل ۱، ۲ و ۳، نتایج جدول ۳، میانگین مجدد خطا در سال‌های ۱۳۸۶-۱۳۸۷ به شرح جدول ۵ به دست آمد:

جدول ۴. میانگین مجدد خطا

سیگل	ایبوتсон	لالی	
۰.۷۹۵۱۲	۰.۵۰۳۰۱	۰.۴۱۲۲۸	چرخشگر
۰.۶۳۵۳۸	۰.۶۶۶۱	۰.۶۲۸	خاک چینی ایران
۰.۱۸۰۹۱	۰.۱۸۸۴۵	۰.۳۷۵۱۲	خوراک دام پارس
...	...	...	...
۱.۰۲۹۰۱	۰.۹۰۸۴۴	۱.۰۰۱۹۶	جام دارو
۰.۲۲۲۹۶	۰.۱۶۶۴۶	۰.۲۴۰۷۶	جوش و اکسیژن
۳۹.۷۴	۳۸.۳۶۱۵۴	۳۲.۵۷۱۶۷	MSE

نتایج به دست آمده از این تحقیق نشان داد که مدل لالی در مقایسه با مدل‌های ایبوتсон و سیگل به شکل قوی‌تری بازده بازار را تبیین می‌کند. به عبارتی، با اضافه کردن اهرم بازار، قدرت تبیین بازده مازاد بازار بیشتر می‌شود. بنابراین برای تخمین صرف ریسک بازار جهت محاسبه بازدهی مورد انتظار سهامداران در بورس اوراق بهادار تهران که در محاسبات

مریوط به اندازه‌گیری هزینه سرمایه، بودجه‌بندی سرمایه، ارزشیابی سهام و بسیاری از تصمیم‌گیری‌های مالی کاربرد دارد، توصیه می‌شود از روش لالی استفاده شود که در آن ضمن ثابت در نظر نگرفتن متغیرهای بازدهی بازار و بازدهی بدون ریسک، عامل اهرم یا استقرارض را در محاسبات خود لحاظ می‌کند.

### نتیجه‌گیری کلی

در این تحقیق عملکرد مدل ایتسون، مدل لالی و مدل سیگل در محاسبه صرف ریسک بازار مورد بررسی و مقایسه قرار گرفته است. با توجه به میزان اهرمی بودن بازار، ریسک بازار در افق زمان در حال تغییر است و ثابت فرض کردن صرف ریسک بازار، دقت محاسبات را کاهش می‌دهد. مدل ایتسون با در نظر گرفتن حجم بدنه شرکت‌های بورسی (میزان اهرمی بودن) روشی را برای اندازه‌گیری صرف ریسک بازار ارایه داده است. در حالی که روش‌های پیشین از جمله سیگل و ایتسون با میانگین‌ها محاسبات مریوطه را ساماندهی می‌کند. یکی از کاربردهای مهم محاسبه‌ی صرف ریسک بازار، محاسبه بازدهی مورد انتظار است که در محاسبات مریوط به هزینه سرمایه و به تبع در محاسبات ارزشیابی سهام، بودجه‌بندی سرمایه‌ای و بسیاری از تصمیمات مالی مورد استفاده قرار می‌گیرد.

استفاده شرکت‌ها از اهرم مالی (ایجاد بدنه) در بورس اوراق بهادار تهران به علت فاصله زیاد هزینه تأمین مالی از طریق بانک و بازار سهام، به تمایل شرکت‌ها برای اهرمی شدن منجر شده است. از طرفی این اهرم موجب بالا رفتن ریسک می‌شود و تفاوت شرکت‌ها در استفاده از اهرم، به تفاوت بازدهی مورد انتظار سرمایه گذاران منجر می‌شود. بنابراین توجه به اهرم‌های بازار و صرف ریسک بازار، می‌توان بازده مورد انتظار سرمایه-گذاران را بهتر اندازه‌گیری کرد.

در این تحقیق روش‌های مختلف محاسبه صرف ریسک بازار معروفی شده و برای بورس اوراق بهادار تهران نیز اندازه‌گیری شده است و درنهایت نیز میزان دقت هر مدل در اندازه-گیری بازاردهی مورد انتظار سرمایه گذاران بررسی شده است. پیش‌بینی بازده مورد انتظار در سطح کلیه شرکت‌های نمونه با استفاده از <sup>۳</sup> روش انجام گرفت و در نتیجه، خطای تخمین (MSE) مدل لالی کمتر از ۲ روش دیگر بود که به معنای دقت بیشتر این مدل

است. بنابراین به تحلیل گران مالی پیشنهاد می‌شود در محاسبات خود برای اندازه‌گیری صرف ریسک بازار از روش لالی استفاده کنند.

### منابع و مأخذ

1. Bao, D., (2008)," Time-Varying Market Leverage and the Market Risk Premium in New Zealand "A thesis submitted to the Victoria University of Wellington in fulfillment of the requirements for the degree of Master of Commerce and Administration in Money and Finance Victoria University of Wellington 2008.
2. Behandari, L. C., (1988), "Debt/Equity ratio and expected common stock return: Empirical Evidence ", journal of finance, 43, Pp: 407-427.
3. Chay, J., Marsden, A., and R. Stubbs, (1993), "Historical Rates of Return to Equities, Bonds, and the Equity Risk Premium: New Zealand Evidence", Pacific Accounting Review, 5(1), Pp: 27–46.
4. Chay, J., Marsden, A., and R. Stubbs, (1995), "Investment returns in the New Zealand market: 1931–1994", New Zealand Investment Analyst, 16, Pp: 19–27.
5. Fernandez, P. (2008), "Market risk premium user in 2008: A survey of more than a 1000 professor".
6. Harris, R. S. and F. C. Marston, (1992), "Estimating Shareholder Risk Premia Using Analysts Growth Forecasts", Financial Management, 21(2) Pp: 63–70.
7. Ibbotson, R. G. and R. A. Sinquefield, (1976), "Stocks, Bonds, Bills, and Inflation: Year-by-Year Historical Returns (1926–1974)", Journal of Business, 49(1) Pp: 11–47.
8. Lally, M. and A. Marsden, (2004a), "Estimating the Market Risk Premium in New Zealand through the Siegel Methodology" Accounting Research Journal, 17(2), Pp: 93–101.
9. Lally, M. and A. Marsden, (2004b), "Tax-Adjusted Market Risk Premiums in New Zealand: 1931–2002", Pacific-Basin Finance Journal, 12(3), Pp: 291–310.
10. Lally, M., (2002), "Estimating the Market Risk Premium in New Zealand to Market Leverage Methodology" <http://www.ssrn.com>.
11. Marsden, A. (2005), "Historical and Siegel Estimates of the Market Risk Premium in New Zealand. ISCR presentation on The Regulatory Cost of Capital II: What is the Market Risk Premium?
12. Merton. (1980), "On Estimating the Expected Return on the Market", Journal of Financial Economics, 8, Pp: 323–361.
13. Modigliani, F. and M. H. Miller, (1958), "The Cost of Capital, Corporation Finance and the Theory of Investment", American Economic Review, 48(3), Pp: 261–297.
14. Siegel, J. J. (1992), "The Equity Premium: Stock and Bond Returns since 1802", Financial Analysts Journal, (Jan-Feb), Pp: 28–38.